



**INSTITUTO TECNOLÓGICO SUPERIOR DE
SAN ANDRÉS TUXTLA**

Xochitl Hernández Cardoza



Materia: Estática

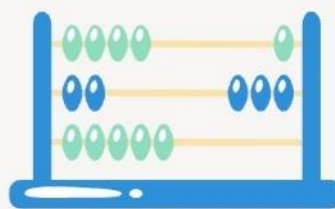
Profesor: Héctor Miguel
Amador Chagala



**Problemario y
Resumen U5**

202A

231U0112



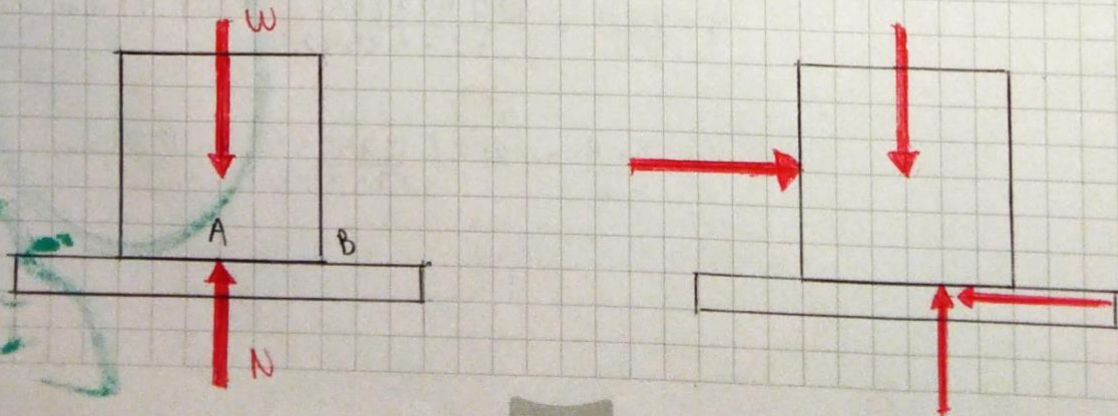
fricción

La fuerza de tracción que desarrolla la locomotora de un tren depende de la resistencia a la fricción entre las ruedas y los rieles, ante la posibilidad de que ocurran deslizamientos, como cuando el tren viaja por una pendiente o sobre rieles mojados, se depositan arena encima de los rieles para aumentar la fricción.

Leyes de fricción seca

Las leyes de fricción seca se pueden ejemplificar mediante el siguiente experimento. Un bloque de peso w se coloca sobre una superficie horizontal plana. Las fuerzas actúan sobre el bloque con su peso w y la reacción de la superficie tampoco la tiene una componente horizontal, la reacción de la superficie tampoco la tiene. Ahora suponga que se aplica sobre el bloque una fuerza horizontal P . Si P es pequeña, el bloque no se moverá; por tanto, debe existir alguna otra fuerza horizontal que equilibre a P . Esta otra fuerza es la **fuerza de fricción estática F** , la cual es en realidad la resultante de diversas fuerzas que actúan sobre toda la superficie de contacto y, en cierta medida, a la atracción molecular.

Si se incrementa la fuerza P , también se incrementa la fuerza de fricción F , la cual continúa oponiéndose a P hasta que su magnitud alcanza cierto valor máximo F_m . Si P se incrementa aun más, la fuerza de fricción ya no la puede equilibrar y el bloque comienza a deslizarse.



Angulos de fricción

Algunas veces es conveniente reemplazar la fuerza normal N y la fuerza de fricción F por la resultante R . Veamos que sucede cuando lo hacemos. Considere un bloque de peso w que descansa sobre una superficie horizontal plana. Si no se aplica una fuerza horizontal al bloque, la resultante R se reduce a la fuerza normal N . Sin embargo, si la fuerza aplicada P tiene una componente horizontal P_x que tiene a mover el bloque, la fuerza R tendrá una componente horizontal F y, por tanto, formará un ángulo θ con la normal a la superficie. Si se incrementa P_x hasta el movimiento se vuelva inminente, el ángulo entre R y la vertical aumenta y alcanza un valor máximo. Este valor recibe el nombre de **ángulo de fricción estática** y se representa con θ_s . Con base en la geometría de la figura, se observa que

Ángulo de fricción estática

$$\tan \theta = \frac{F_m}{N} = \frac{\mu_s N}{N}$$

$$\tan \theta_s = \mu_s$$

Si en realidad llega a ocurrir el movimiento, la magnitud de la fuerza de fricción decae a F_k en forma similar, el ángulo θ entre R y N decae a un valor menor θ_k llamado **ángulo de fricción cinética**. Con base en la geometría

Ángulo de fricción cinética

$$\tan \theta_k = \frac{F_k}{N} = \frac{\mu_k N}{N}$$

$$\tan \theta_k = \mu_k$$

Coeficiente de fricción

La evidencia experimental muestra que el máximo valor F_m de la fuerza de fricción estática es proporcional a la componente normal N de la reacción de la superficie. Así se tiene que

Fricción estática

$$F_m = \mu_s N$$

Donde μ_s es una constante llamada **coeficiente de fricción estática**. De forma similar, la magnitud F_k de la fuerza de fricción cinética puede expresarse de la siguiente forma

fricción cinética

$$F_k = \mu_k N$$

Donde μ_k es una constante denominada **coeficiente de fricción cinética**. Los coeficientes de fricción μ_s y μ_k no dependen del área de las superficies en contacto, si no que dependen en gran medida de la naturaleza de las superficies, sus valores casi nunca se conocen con una precisión mayor a 5%

En la tabla 8.1 se presentan valores aproximados de los coeficientes de fricción estática para distintas combinaciones de superficies secas.

Tabla 8.1 Valores aproximados de los coeficientes de fricción estática para superficies secas

Metal sobre metal	0.15 - 0.60
Metal sobre madera	0.20 - 0.60
Metal sobre piedra	0.30 - 0.70
Metal sobre hielo	0.30 - 0.60
Madera sobre Madera	0.25 - 0.50

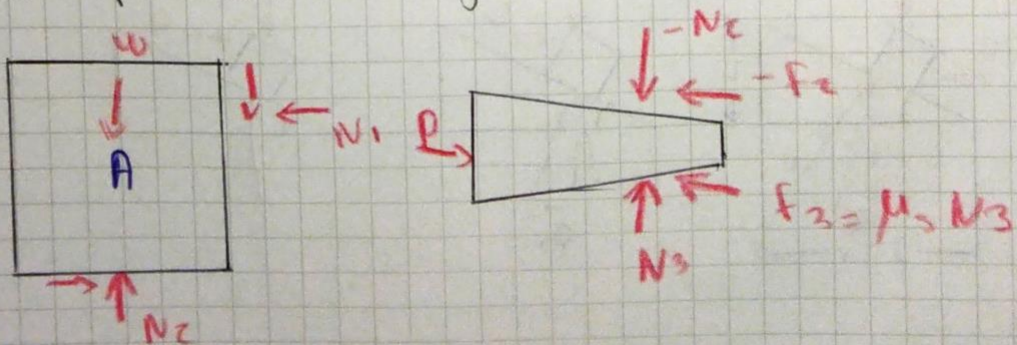
Cuñas y Tornillos

La fricción es un elemento clave al analizar la función y la operación de varios tipos de máquinas simples. A continuación se examinarán la cuña y el tornillo, que son extensiones del plano inclinado que hemos analizado en la sección 8.7

Cuñas

Las cuñas son máquinas simples que se utilizan para levantar grandes bloques de piedras y otras pesadas. Estas cargas se pueden levantar aplicándole a la cuña una fuerza que es menor que el peso de la carga. Además, debido a la fricción entre las superficies de contacto, una cuña con una forma apropiada permanecerá en su lugar después que ha sido forzada bajo la carga. Por tanto, las cuñas se pueden utilizar para hacer pequeños ajustes en la posición de piezas pesadas de maquinaria.

Considere el bloque al bloque A mostrado en la figura 8.7. dicho bloque descansa sobre una pared vertical B y debe levantarse un poco forzando una cuña C entre el bloque A y una segunda cuña D. Se desea encontrar el valor mínimo de la fuerza P que debe aplicarse a la cuña C para mover el bloque. Se supondrá que el peso w del bloque es conocido, ya sea en libras o determinado en newtons a partir de la masa del bloque expresada en kilogramos.

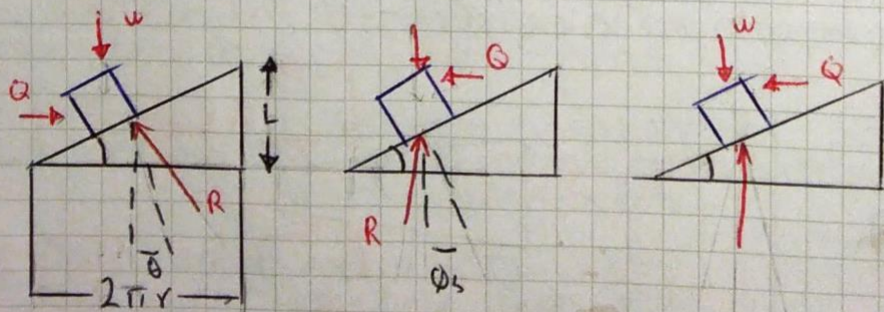


Tornillos de rosca Cuadrada

Los tornillos de rosca cuadrada se utilizan en gatos, prensas y otros mecanismos. Su estudio es similar al análisis de un bloque que se desliza a lo largo de un plano inclinado. (Los tornillos también se utilizan comúnmente como pasadores, pero sus roscas, en ese caso, tienen una forma diferente).

En el gato mostrado en la figura 8.8, el tornillo soporta una carga w y está apoyado en la base del gato. El contacto entre el tornillo y la base ocurre a lo largo de una porción de sus roscas. Si se aplica una fuerza P sobre el mango, se puede hacer que el tornillo gire y levante a la carga w .

La rosca de la base ha sido desenrollada y se muestra como una línea recta. La pendiente correcta de la línea recta se obtuvo al representar de manera horizontal el producto $2\pi r$, donde r es el radio promedio de la rosca y verticalmente el avance L del tornillo, esto es, la distancia a través de la cual avanza el tornillo en una vuelta. El ángulo θ que esta línea forma con la horizontal es el **ángulo de avance**. Como la fuerza de fricción entre dos superficies en contacto no depende del área de contacto, se puede suponer que el área de contacto entre las dos roscas es menor que su valor real y, por tanto, pueden representarse al tornillo por medio



Problemas

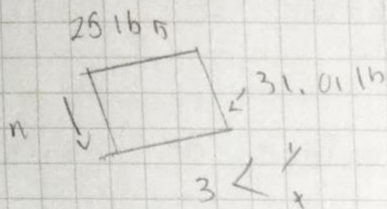
8.1 Si $w_A = 25 \text{ lb}$ y $\theta = 30^\circ$ determine a) el valor de w_B para que el sistema este en equilibrio b) el valor maximo de w_B para que el sistema este en equilibrio

$$F = \mu N = 0.35 w_B \cos 30^\circ$$

$$\sum f = 0 \quad F_{fr} \quad w_B (\sin 30^\circ) - 25 \text{ lb} = 0$$

$$(\sin 30^\circ - 0.35 (\cos 30^\circ)) w_B = 25 \text{ lb}$$

$$w_B \text{ Maximo} = 127 \text{ lb}$$



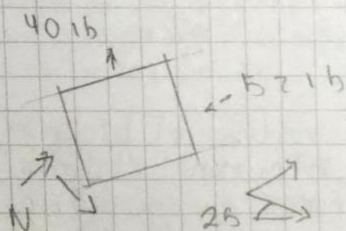
$$F = \mu N = 0.35 w_B (\cos 30^\circ)$$

$$\sum F_x = 0 \therefore F - 25 \text{ lb} + w_B (\sin 30^\circ) = 0$$

$$(0.35 (\cos 30^\circ) + \sin 30^\circ) w_B = 25 \text{ lb}$$

$$w_B \text{ Minimo} = 31.1 \text{ lb}$$

8.2 Si $w_A = 40 \text{ lb}$ and 52 lb y $\theta = 25^\circ$ determine a) si el sistema esta en equilibrio b) la magnitud y la direccion de la fuerza de friccion



$$\sum f_y = N - (52 \text{ lb}) \cos 25^\circ = 0$$

$$N = (52 \text{ lb}) (\cos 25^\circ) =$$

$$N = 47.128 \text{ lb}$$

$$F_{\text{max}} = \mu N = 0.35 (47.128 \text{ lb})$$

$$F_{\text{max}} = 16.498 \text{ lb}$$

$$\sum f_x =$$

$$\text{Equilibrio} = 40 \text{ lb}$$

$$(52 \text{ lb}) \sin 25 = 18.029 \text{ lb}$$

$$F_{\text{equilibrio}} = 40 \text{ lb} + (52 \text{ lb}) \sin 25 = 0$$

$$F = 0.25 (47.128 \text{ lb})$$

$$F = 11.782 \text{ lb}$$

$$Q = 35^\circ$$

(el sistema no esta en equilibrio)

8.3 Determine si el bloque de 10 kg mostrando en la fig. esta en equilibrio y encuentre la magnitud de la fuerza de $w = (10 \text{ kg}) (9.81 \text{ m/s}^2)$
 $w = 98.1 \text{ N}$

$$\sum f_y = 0 \quad N (\cos 20^\circ) + (40 \text{ N}) \sin 20^\circ = 0$$

$$N = 74.503 \text{ N}$$

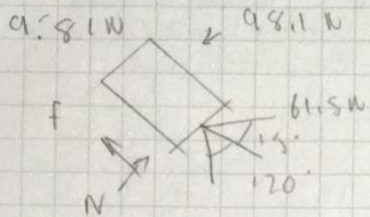
$$\sum f_x = 0 \quad (40 \text{ N}) (\cos 20^\circ) - (98.1) \sin 20^\circ - f = 0$$

$$\text{equilibrio} = 4.635 \text{ N}$$

$$F = 4.04 \text{ N} \quad \nabla 20^\circ \quad \text{Ay equilibrio}$$

Xochitl Hernandez Cardoza

8.4 Determine si el bloque de 10 kg mostrado en la fig esta en equilibrio y encuentren la magnitud y la direccion de la fuerza de friccion cuando $p = 62.5 \text{ N}$ y $\theta = 75^\circ$



$$W = (10 \text{ kg})(9.81 \text{ m/s}^2) = 98.1 \text{ N}$$

$$\sum F_y = 0$$

$$N - (98.1 \text{ N})(\cos 20^\circ) + (62.5 \text{ N}) \sin 15^\circ = 0$$

$$N = 16.008 \text{ N} \quad F_{\text{deslizamiento}} = \mu N$$

$$F_{\text{max}} = \mu s N \quad F_{\text{deslizamiento}} = (0.25)(16.008)$$

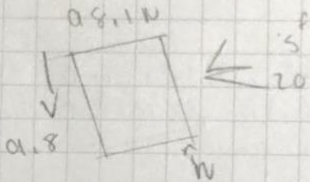
$$F_{\text{max}} = (0.25)(16.008 \text{ N}) \quad F_{\text{desplazamiento}} = 14.00 \text{ N}$$

$$F_{\text{max}} = 22.802 \text{ N}$$

$$\sum F_x = 0 \quad (62.5 \text{ N})(\cos 75^\circ) - (98.1 \text{ N}) \sin 20^\circ - f = 0$$

F equilibria - 26818 N No esta en equilibrio

8.5 Si $\theta = 25^\circ$ determine el rango de valores de F para los cuales se mantiene el equilibrio



$$W = (10 \text{ kg})(9.81 \text{ m/s}^2) = 98.1 \text{ N}$$

$$\sum F_y = 0 \quad N - (98.1)(\cos 20^\circ) + p(\sin 25^\circ) = 0$$

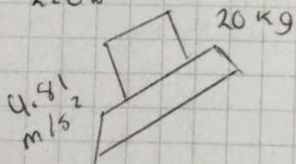
$$\sum F_x = 0 \quad p(\cos 25^\circ) - (98.1 \text{ N}) \sin 20^\circ + F = 0$$

$$7.56 \text{ N} \leq 59.2 \text{ N}$$

$$F = N \mu = 0.3 \quad F = N \mu = 0.3 \text{ N}$$

$$p = 7.56 \text{ N} \quad p = 59.2 \text{ N}$$

8.6 Si el coeficiente de friccion estatica entre el bloque de 20 kg y el plano inclinado es de 0.30 determine el valor minimo de θ para el cual el bloque se mantiene en equilibrio



$$W = (20 \text{ kg})(9.81 \text{ m/s}^2)$$

$$W = 196.2 \text{ N}$$

$$F = \mu s N$$

$$\sum F_y = 0$$

$$N - (220 \text{ N}) \sin \theta - (196.2) \cos 35^\circ = 0$$

$$F = \mu s N = 0.3 (220 \sin \theta + 196.2 \cos 35^\circ) \text{ N}$$

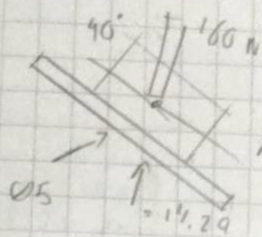
$$\sum F_x = 0 \quad (220 \text{ N}) \cos \theta - F - (196.2 \text{ N}) \sin 35^\circ = 0$$

$$0.3(220 \sin \theta + 196.2 \cos \theta) \text{ N} = (220 \cos \theta) \text{ N} - (196.2 \sin 35^\circ) \text{ N}$$

$$220(\cos \theta) - 60(\sin \theta) = 160.75$$

Xochitl Hernandez Cardozo

8.7 Sin tomar encuenta la masa del bloque y sabiendo que el coeficiente de fricción estática entre el bloque y el plano inclinado es de 0.35 determine a) el valor mínimo de θ para el cual el bloque se mantiene en equilibrio b) el valor correspondiente de B



$$\theta_s = \tan^{-1} \mu_s = \tan^{-1}(0.35) = 19.29$$

$$B = 19.29$$

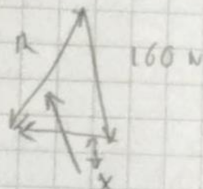
$$B = \theta_s$$

$$P = (160 \text{ N}) \cos(B + 40^\circ)$$

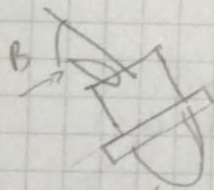
$$P = (160 \text{ N}) \cos 59.29$$

$$P = 81.7 \text{ N}$$

$$D_{\text{mínimo}} = 31.7 \text{ N}$$



8.8 Si el coeficiente de fricción estática entre el bloque de 30 y el plano inclinado que se muestran en la figura $\mu_s < 0.25$ determine a) el valor mínimo de P es necesario para encontrar o mantener el el bloque en equilibrio b) el valor de B



$$\theta_s = \tan^{-1} \mu_s$$

$$\theta_s = \tan^{-1}(0.25) = 14.036^\circ$$

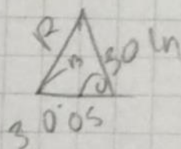
$$B = \alpha = 90^\circ - (30^\circ + 14.036^\circ) = 45.964^\circ$$

$$P = (30 \text{ lb}) \sin \alpha$$

$$P = (30 \text{ lb}) \sin(45.964^\circ) = 21.567 \text{ lb}$$

$$D = 21.6 \text{ lb}$$

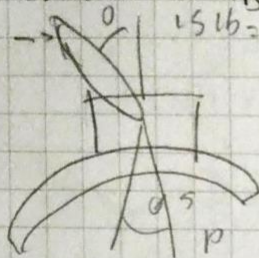
$$B = 46.0$$



Kochitl Hernandez Cardona

8.9 un bloque de 15 lb está en reposo como indica la figura. Determine el rango positivo de valores de θ para los cuales el bloque se mantiene en equilibrio si a) θ es menor a 90° b) θ tiene un valor entre 90° y 180°

10 lb \rightarrow $15 \text{ lb} = \mu = 0.40$
 $\mu = 0.35$



$$\theta_s = \tan^{-1} \mu_s$$

$$\theta_s = \tan^{-1} (0.40)$$

$$\theta_s = 21.801^\circ$$

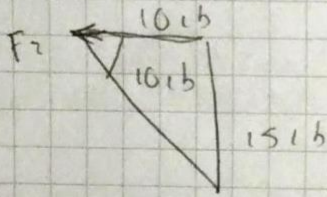
$$\beta_{1,2} = \theta_{1,2} - \theta_s$$

$$\frac{10 \text{ lb}}{\sin \theta_s} = \frac{15 \text{ lb}}{\sin \beta_{1,2}}$$

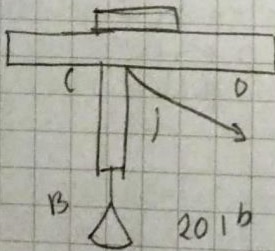
$$\beta_{1,2} = \sin^{-1} \left[\frac{15 \text{ lb}}{10 \text{ lb}} \sin (21.801^\circ) \right] = \begin{cases} 33.354 \\ 46.146 \end{cases}$$

$$a) 0 \leq \theta \leq 55.7^\circ$$

$$b) 167.9 \leq \theta < 180^\circ$$



8.10 El bloque A de 20 lb se sostiene de un cable como indica la figura la polea c está conectada por medio de un pequeño eslabón



$$\uparrow \sum F_y = 0 \quad 27 - 20 \text{ lb} = 0$$

$$T = 10 \text{ lb}$$

$$\theta_s = \tan^{-1} \mu_s$$

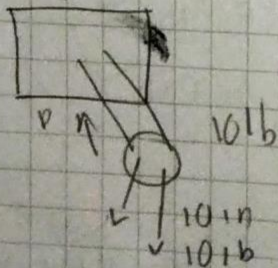
$$\theta_s = \tan^{-1} (0.35) = 19.29^\circ$$

$$\frac{20 \text{ lb}}{\sin (19.29^\circ)} = \frac{10 \text{ lb}}{\sin \theta_s} \quad 2 \sin \theta_s$$

$$\sin (\theta - \theta_s)$$

$$\theta = \sin^{-1} (2 \sin (19.29^\circ)) + 29.29^\circ + 60.6^\circ$$

$$\theta_{\text{max}} = 60.6^\circ$$



Xochitl Hernández Cardozo

[Handwritten signature]