

Tecnológico Nacional de México
Subdirección Académica

Instrumentación Didáctica para la Formación y Desarrollo de Competencias Profesionales

Periodo Agosto- Diciembre 24

Nombre de la Asignatura: Algebra Lineal

Plan de Estudios: IIND 2010-227

Clave de la Asignatura: ACF- 0903

Horas teoría-horas prácticas-Créditos: 3-2-5

1. Caracterización de la asignatura:

El Álgebra Lineal aporta al perfil del ingeniero, la capacidad para desarrollar un pensamiento lógico, heurístico y algorítmico al modelar fenómenos de naturaleza lineal y resolver problemas.

Esta asignatura proporciona al estudiante de ingeniería una herramienta para resolver problemas de aplicaciones de la vida ordinaria y de aplicaciones de la ingeniería.

Muchos fenómenos de la naturaleza, que se presentan en la ingeniería, se pueden aproximar a través de un modelo lineal. **Esta asignatura nos sirve para caracterizar** estos fenómenos y convertirlos en un modelo lineal ya que es más accesible, de allí la importancia de estudiar Álgebra Lineal.

Proporciona además conceptos matemáticos **relacionados con** Cálculo Vectorial, Ecuaciones Diferenciales, Investigación de Operaciones y en otras asignaturas de especialidad por lo que se pueden diseñar proyectos integradores con cualquiera de ellas.

2. Intención didáctica:

La asignatura de Álgebra Lineal se organiza en cinco temas.

En la unidad uno se estudia los números complejos como una extensión de los números reales, tema ya abordado en Cálculo Diferencial. Se propone iniciar con este tema para así utilizar los números complejos en el álgebra de matrices y el cálculo de determinantes. Además, el concepto de número complejo será retomado en otros cursos dentro de los planes de estudio. Se proponen aplicaciones de números complejos.

En la **unidad dos**, *matrices y determinantes*, se trabaja previo al tema de sistemas de ecuaciones lineales con la finalidad de darle mayor importancia a las aplicaciones de las matrices, ya que prácticamente todos los problemas del álgebra lineal pueden enunciarse en términos de matrices.

Por la necesidad de que el alumno comprenda si una matriz tiene inversa, además del cálculo para obtenerla, se ha añadido antes del subtema cálculo de la inversa de una matriz, los conceptos: transformaciones elementales por renglón, escalonamiento de una matriz y núcleo y rango de una matriz.

Es importante para el estudiante, aprender el concepto de transformaciones elementales por renglón para desarrollar el escalonamiento de una matriz como método para obtener la inversa. Para determinar si una matriz tiene inversa o no, evitando el concepto de determinante en este momento, se aborda el concepto de rango como el número de renglones con al menos un elemento diferente de cero de cualquiera de sus matrices escalonadas.

La **unidad tres**, *sistemas de ecuaciones lineales*, constituye una parte fundamental en esta asignatura por lo que se hace énfasis en el modelaje, representación gráfica y solución de problemas para las diferentes aplicaciones en ingeniería.

En la **unidad cuatro** se estudian los *espacios vectoriales* que se presentan en el temario de manera concisa, pero comprenden lo esencial de ellos. Se proponen estudiar aplicaciones como: componentes simétricas, solución de modelos de estado, transformaciones de similitud, procesamiento de imágenes, etc.

La **unidad cinco**, *transformaciones lineales*, se presenta condensado haciendo énfasis en las aplicaciones y en la representación de la transformación lineal como una matriz.

El estudiante debe **desarrollar la habilidad** para modelar procesos lineales en su entorno. Es importante que valore las actividades que realiza, que desarrolle hábitos de estudio y de trabajo para que adquiera características tales como: la curiosidad, la puntualidad, el entusiasmo, el interés, la tenacidad, la flexibilidad y la autonomía.

El Álgebra Lineal contribuye principalmente para el desarrollo de las siguientes **competencias genéricas**: de capacidad de abstracción, análisis y síntesis, capacidad para identificar, plantear y resolver problemas, habilidad para trabajar en forma autónoma, habilidades en el uso de las TIC's, capacidad crítica y autocrítica y la capacidad de trabajo en equipo.

El docente de Álgebra Lineal debe mostrar y objetivar su conocimiento y experiencia en el área para construir escenarios de aprendizaje significativo en los estudiantes que inician su formación profesional. El docente enfatiza el desarrollo de las actividades de aprendizaje de esta asignatura a fin de que ellas refuercen los aspectos formativos: incentivar la curiosidad, el entusiasmo, la puntualidad, la constancia, el interés por mejorar, el respeto y la tolerancia hacia sus compañeros y docentes, a sus ideas y enfoques y considerar también la responsabilidad social y el respeto al medio ambiente.

3. Competencia de la asignatura:

Resuelve problemas de modelos lineales aplicados en ingeniería para la toma de decisiones de acuerdo a la interpretación de resultados utilizando matrices y sistemas de ecuaciones.

Analiza las propiedades de los espacios vectoriales y las transformaciones lineales para vincularlos con otras ramas de las matemáticas y otras disciplinas.

4. Análisis por competencias específicas:

| | | | |
|-----------------|---|-------------|--|
| Competencia No. | 1 | Descripción | Utiliza los números complejos, sus representaciones y las operaciones entre ellos para tener una base de conocimiento a utilizar en ecuaciones diferenciales y en diferentes aplicaciones de ingeniería. |
|-----------------|---|-------------|--|

| Temas y subtemas para desarrollar la competencia específica | Actividades de aprendizaje | Actividades de enseñanza | Desarrollo de competencias genéricas | Horas teórico-práctica |
|--|---|---|---|------------------------|
| 1. NUMEROS COMPLEJOS 1.1 Definición y origen de los números complejos. | <p>La comunidad estudiantil toman nota de los criterios de evaluación, las actividades que van a realizar así como las evidencias que van a generar como parte del portafolio de evidencias; preguntan y participan en la presentación del encuadre.</p> <p>El grupo Realiza la evaluación diagnóstica.</p> <p>En equipo de cuatro integrantes (mujeres y hombres) determinan el concepto de un número complejo a partir de la investigación.</p> | <p>Mediante la técnica expositiva el facilitador realiza el encuadre y explica cuál es la caracterización de la asignatura, objetivo general del curso, temario, bibliografía y los criterios de evaluación.</p> <p>Aplica la evaluación diagnóstica al grupo.</p> <p>Se solicita un trabajo en equipo de cuatro integrantes para que realicen una investigación sobre el origen del término número complejo utilizando diversas fuentes de</p> | <p>Capacidad de abstracción, análisis y síntesis.</p> <p>Capacidad para identificar, plantear y resolver problemas.</p> <p>Capacidad de aprender y actualizarse permanentemente.</p> <p>Capacidad de trabajo en equipo.</p> | 6 - 8 h |

| | | | | |
|---|--|--|--|--|
| <p>1.2 Operaciones fundamentales con números complejos.</p> <p>1.3 Potencias de "i", módulo o valor absoluto de un número complejo.</p> <p>1.4 Forma polar y exponencial de un número complejo.</p> | <p>Discutir el proceso de solución de una ecuación cuadrática que cumpla la condición del factor discriminante $b^2 - 4ac < 0$ para introducir la definición de $\sqrt{-1}$.</p> <p>Construir una tabla con las potencias de i y reconocer que cualquier potencia de i se puede representar como $\pm i$ ó ± 1.</p> <p>Graficar un número complejo en la forma rectangular y polar en el mismo plano y generar el triángulo para deducir las fórmulas de transformación entre sus diferentes representaciones.</p> <p>Utiliza la expansión en serie de potencias de Maclaurin de la exponencial para obtener la fórmula de Euler para convertir una exponencial compleja a la forma polar o a la rectangular.</p> | <p>información.(ver video de María Ines Baragatti, docentes apasionados)</p> <p>Se coordina para que mediante ejercicios den solución a ecuaciones cuadráticas en donde se encuentren con diferentes casos, soluciones con números reales, que dará la pauta para introducir el concepto de número imaginario, así como el de número complejo,</p> <p>Se les proporcionan ejercicios en clase para comprobar las soluciones de una ecuación cuadrática que cumpla la condición $b^2 - 4ac < 0$ para introducir las operaciones de suma, resta, multiplicación y división de números complejos.</p> <p>Se guiará al estudiante para que grafique números complejos en</p> | | |
|---|--|--|--|--|



| | | | | |
|---|---|---|--|--|
| <p>1.5 Teorema de De Moivre, potencias y extracción de raíces de un número complejo.</p> <p>1.6 Ecuaciones polinómicas.</p> | <p>Resuelve ejercicios de las diferentes conversiones.</p> <p>Resolver ejercicios sobre operaciones de suma, multiplicación y división con complejos, así como las transformaciones en sus diferentes formas.</p> <p>Analizar el teorema de De Moivre y aplicarlo en la solución de ejercicios de potenciación y radicación de números complejos.</p> <p>Resolver ecuaciones polinómicas que en su solución tengan raíces complejas (problemario)</p> <p>Identificar el uso de números complejos en aplicaciones de ingeniería y en otras ramas de las matemáticas y presentarlo frente al grupo en una exposición.</p> <p>Resolución del examen.</p> | <p>su forma rectangular y polar en el plano.</p> <p>Se solicita al estudiante investigue como a partir de la expansión en serie de potencias de Maclaurin de la exponencial se obtiene la fórmula de Euler y determine la expresión para convertir un número complejo de su forma exponencial a polar o a rectangular; resolverá ejercicios de las diferentes conversiones.</p> <p>Mediante la técnica expositiva, el docente muestra diversos ejercicios de operaciones con números complejos, para más tarde solicitar a los estudiantes que resuelvan ejercicios.</p> <p>Se solicita una consulta bibliográfica acerca del teorema de De Moivre, el docente guía para aplicarlo en el cálculo de</p> | | |
|---|---|---|--|--|

| | | | | |
|--|--|--|--|--|
| | | <p>la potencia y radicación de números complejos mediante ejercicios</p> <p>Mediante la técnica expositiva, el docente presenta la resolución de ecuaciones polinómicas, en donde su solución contenga a los números complejos; solicita al estudiante la solución de algunos ejercicios en un problemario</p> <p>Aplicación del examen de los temas vistos.</p> | | |
|--|--|--|--|--|

| Indicadores de Alcance | Valor de Indicador |
|--|--------------------|
| <p>Búsqueda de información desde diversas fuentes. Trabaja en equipo. Extrae, analiza e interpreta información. Es capaz de aprender y actualizarse permanentemente.</p> | 10% |
| <p>Analiza la información del tema investigado realizando una síntesis y abstracción mediante gráficos. Elabora gráficos sin faltas de ortografía, describiendo las ideas principales.</p> | 10% |
| <p>Identifica, plantea y resuelve problemas. Abstrae, analiza y sintetiza.</p> | 40% |

| | |
|---|-----|
| Habilidad en el uso de las TIC's para la solución de problemas. | |
| Demuestra conocimiento y dominio de los temas de la unidad, | 40% |

Niveles de desempeño

| Desempeño | Nivel de desempeño | Indicadores de Alcance | Valoración numérica |
|-----------------------|--------------------|--|---------------------|
| Competencia Alcanzada | Excelente | <p>Cumple al menos cinco de los siguientes indicadores</p> <p>a) Se adapta a situaciones y contextos complejos. Puede trabajar y reflejar sus conocimientos en la interpretación de la realidad. Inferir comportamientos o consecuencias de los fenómenos o problemas en estudio. Incluir más variables en dichos casos de estudio.</p> <p>b) Hace aportaciones a las actividades académicas desarrolladas. Pregunta integrando conocimientos de otras asignaturas o de casos anteriores de la misma asignatura. Presenta otros puntos de vista que complementan al presentado en la clase. Presenta fuentes de información adicionales (Internet, documentales), usa más bibliografía, consulta fuentes en un segundo idioma, etc.</p> <p>c) Propone y/o explica soluciones o procedimientos no vistos en clase (creatividad). Ante problemas o casos de estudio propone perspectivas diferentes, para abordarlos y sustentarlos correctamente. Aplica procedimientos aprendidos en otra asignatura o contexto para el problema que se está resolviendo.</p> <p>d) Introduce recursos y experiencias que promueven un pensamiento crítico; (por ejemplo el uso de las tecnologías de la información estableciendo previamente un criterio). Ante temas de una asignatura,</p> | 95-100 |



| | | | |
|--------------------------|--------------|--|-------|
| | | <p>introduce cuestionamientos de tipo ético, ecológico, histórico, político, económico, etc.; que deben tomarse en cuenta para comprender mejor, o a futuro dicho tema. Se apoya en foros, autores, bibliografía, documentales, etc. para sustentar su punto de vista.</p> <p>e) Incorpora conocimientos y actividades interdisciplinarias en su aprendizaje. En el desarrollo de los temas de la asignatura, incorpora conocimientos y actividades desarrollados en otras asignaturas para lograr la competencia.</p> <p>f) Realiza su trabajo de manera autónoma y autorregulada. Es capaz de organizar su tiempo y trabajar sin necesidad de una supervisión estrecha y/o coercitiva. Aprovecha la planeación de la asignatura presentada por el (la) profesor(a) (instrumentación didáctica) para presentar propuestas de mejora de la temática vista durante el curso. Realiza actividades de investigación para participar activamente durante el curso.</p> | |
| | Notable | Cumple cuatro de los indicadores definidos en desempeño excelente. | 85-94 |
| | Bueno | Cumple tres de los indicadores definidos en el desempeño excelente. | 75-84 |
| | Suficiente | Cumple dos de los indicadores definidos en el desempeño excelente | 70-74 |
| Competencia No Alcanzada | Insuficiente | No se cumple con el 100% de evidencias conceptuales, procedimentales y actitudinales de los indicadores definidos en el desempeño excelente. | N. A. |

Matriz de Evaluación

| Evidencia de Aprendizaje | % | Indicador de Alcance | | | | | Evaluación formativa de la competencia |
|---------------------------------------|-------------|----------------------|--------------|--------------|--------------|-----------|---|
| | | A | B | C | D | N | |
| Investigación (Lista de cotejo) | 10% | 9.5-10 | 8.5-9.4 | 7.5-8.4 | 7-7.4 | 0 | Búsqueda de información desde diversas fuentes. Extrae, analiza e interpreta información. Es capaz de aprender y actualizarse permanentemente. |
| Ejercicios en clase (Lista de cotejo) | 10% | 9.5-10 | 8.5-9.4 | 7.5-8.4 | 7-7.4 | 0 | Analiza la información del tema investigado realizando una síntesis y abstracción mediante gráficos. Elabora gráficos sin faltas de ortografía, describiendo las ideas principales. |
| Problemario (Lista de cotejo) | 40% | 47.5-50 | 42.5-47 | 37.5-42 | 35-37 | 0 | Identifica, plantea y resuelve problemas. Abstrae, analiza y sintetiza. Habilidad en el uso de las TIC's en la solución de problemas. Capacidad de interpretar y expresar frente al grupo el conocimiento adquirido. |
| Examen escrito | 40% | 28.5-30 | 25.5-28.2 | 22.5-25.2 | 21-22 | 0 | Demuestra conocimiento y dominio de los temas de la unidad. |
| Total | 100% | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | NA | |

| | | | |
|-----------------|---|-------------|---|
| Competencia No. | 1 | Descripción | Utiliza las Matrices, sus propiedades y las determinantes y sus operaciones entre ellas para resolver problemas de aplicación en las diferentes áreas de matemáticas y de ingeniería. |
|-----------------|---|-------------|---|

| Temas y subtemas para desarrollar la competencia específica | Actividades de aprendizaje | Actividades de enseñanza | Desarrollo de competencias genéricas | Horas teórico-práctica |
|--|--|--|---|------------------------|
| <p>2 MATRICES Y DETERMINANTES</p> <p>2.1 Definición de matriz, notación y orden.</p> <p>2.2 Operaciones con matrices.</p> | <p>Identificar a partir de un listado de propuestas cuáles de ellas son matrices cuadradas y cuál es el orden de cada una.</p> <p>Construir y denotar matrices con ciertas características específicas previamente planteadas.</p> <p>Resolver ejercicios en equipo de cuatro integrantes (equipo integrado de diferentes género) de suma de matrices, multiplicación por un escalar y</p> | <p>En una clase a través de la plataforma classroom en línea se realiza una introducción a las matrices.</p> <p>Se proporcionan diversas matrices para que los discentes las identifiquen según el orden que le corresponda y haga la notación correcta de cada una.</p> <p>Se proponen características específicas a las matrices que el estudiante construirá.</p> | <p>Capacidad de abstracción, análisis y síntesis.</p> <p>Capacidad para identificar, plantear y resolver problemas.</p> <p>Capacidad de aprender y actualizarse permanentemente.</p> <p>Capacidad de trabajo en equipo.</p> | 8 - 12 h |

| | | | | |
|--|---|---|--|--|
| <p>2.3 Clasificación de las matrices.</p> | <p>multiplicación de matrices identificando cuándo se pueden llevar a cabo e identificar el orden de la matriz resultante. Utilizar TIC's para operar con matrices.</p> | <p>El facilitador realiza las diferentes operaciones con matrices, propone ejercicios para que la comunidad estudiantil los resuelva, de manera manual.</p> | | |
| <p>2.4 Transformaciones elementales por renglón. Escalonamiento de una matriz. Núcleo y rango de una matriz.</p> | <p>Buscar en diferentes fuentes y presentar la definición de los diferentes tipos de matrices cuadradas mediante una exposición</p> | <p>Se solicita al estudiante una consulta bibliográfica de la definición de los diferentes tipos de matrices así como ejemplos de cada una de ellas mediante una exposición</p> | | |
| <p>2.5 Cálculo de la inversa de una matriz.</p> | <p>Reducir una matriz a su forma escalonada y su forma escalón reducida por renglones. Cálculo del núcleo y el rango. Factorizar una matriz como producto LU.</p> | <p>El facilitador reduce una matriz a su forma escalonada reducida por renglones, calcula el núcleo y el rango, de una matriz; propone la solución de ejercicios que el estudiante resolverá.</p> | | |
| <p>2.6 Definición de determinante de una matriz.</p> | <p>Obtener la inversa de una matriz cuadrada mediante la forma escalonada reducida por renglones y comprobarla.</p> | <p>En línea, el docente obtiene la inversa de una matriz cuadrada, y propone al estudiante</p> | | |



| | | | | |
|--|--|---|--|--|
| <p>2.7 Propiedades de los determinantes.</p> <p>2.8 Inversa de una matriz cuadrada a través de la adjunta.</p> <p>2.9 Aplicación de matrices y determinantes</p> | <p>Calcular el determinante de una matriz cuadrada. . Utilizar TIC's para calcular determinantes.</p> <p>Aplicar la regla de Sarrus y los conceptos de menores y cofactores para la solución de ejercicios de cálculo de determinantes (problemario)</p> <p>Verificar las propiedades de los determinantes.</p> <p>Encontrar la inversa de una matriz utilizando la adjunta. . Utilizar TIC's para calcular la matriz inversa.</p> | <p>ejercicios para que los resuelva. Guía al estudiante para que analice y realice la comprobación correspondiente. Se proponen problemas para que el estudiante calcule el determinante de una matriz cuadrada manualmente y mediante TIC's. El facilitador guía al estudiante para que aplique la regla de Sarrus, también para que mediante el cálculo de menores y cofactores encuentre el determinante a los ejercicios que se propongan. (problemario)</p> <p>Se solicita una consulta bibliográfica de las propiedades de los determinantes para verificarlos en los ejercicios que le solicite el facilitador</p> | | |
|--|--|---|--|--|



| | | | | |
|--|--|--|--|--|
| | <p>Plantear arreglos matriciales sobre problemas de aplicación, resolverlos y presentarlos al grupo.</p> <p>Resolución del examen.</p> | <p>En línea mediante una plataforma, se da a conocer el cálculo de la inversa de una matriz por medio de la adjunta, de forma manual y con el uso de TIC's. Se proponen ejercicios para resolver.</p> <p>Se solicita que mediante un análisis plantee arreglos matriciales en problemas de aplicación para resolverlos y presentarlos en el grupo.</p> <p>Aplicación del examen escrito de los temas vistos.</p> | | |
|--|--|--|--|--|

| Indicadores de Alcance | Valor de Indicador |
|---|--------------------|
| Identifica, plantea y resuelve problemas. Abstrae, analiza y sintetiza. Habilidad en el uso de las TIC's | 40% |
| Demuestra su capacidad crítica y autocrítica del trabajo realizado frente al grupo, así como la habilidad en el uso de las TIC, trabaja en equipo, presenta dominio del tema e incluye ejemplos claros y precisos para la comprensión del tema. | 20% |
| Demuestra conocimiento y dominio de los temas de la unidad | 40% |

Niveles de desempeño:

| Desempeño | Nivel de desempeño | Indicadores de Alcance | Valoración numérica |
|-----------------------|--------------------|---|---------------------|
| Competencia Alcanzada | Excelente | Cumple al menos cinco de los siguientes indicadores | 95-100 |



| | | | |
|--|--|---|--|
| | | <p>a) Se adapta a situaciones y contextos complejos. Puede trabajar en línea, reflejar sus conocimientos en la interpretación de la realidad. Inferir comportamientos o consecuencias de los fenómenos o problemas en estudio. Incluir más variables en dichos casos de estudio.</p> <p>b) Hace aportaciones a las actividades académicas desarrolladas. Pregunta integrando conocimientos de otras asignaturas o de casos anteriores de la misma asignatura. Presenta otros puntos de vista que complementan al presentado en la clase. Presenta fuentes de información adicionales (Internet, documentales), usa más bibliografía, consulta fuentes en un segundo idioma, etc.</p> <p>c) Propone y/o explica soluciones o procedimientos no vistos en clase (creatividad). Ante problemas o casos de estudio propone perspectivas diferentes, para abordarlos y sustentarlos correctamente. Aplica procedimientos aprendidos en otra asignatura o contexto para el problema que se está resolviendo.</p> <p>d) Introduce recursos y experiencias que promueven un pensamiento crítico; (por ejemplo el uso de las tecnologías de la información estableciendo previamente un criterio). Ante temas de una asignatura, introduce cuestionamientos de tipo ético, ecológico, histórico, político, económico, etc.; que deben tomarse en cuenta para comprender mejor, o a futuro dicho tema. Se apoya en foros, autores, bibliografía, documentales, etc. para sustentar su punto de vista.</p> <p>e) Incorpora conocimientos y actividades interdisciplinarias en su aprendizaje. En el desarrollo de los temas de la asignatura, incorpora conocimientos y actividades desarrollados en otras asignaturas para lograr la competencia.</p> <p>f) Realiza su trabajo de manera autónoma y autorregulada. Es capaz de organizar su tiempo y trabajar sin necesidad de una supervisión estrecha y/o coercitiva. Aprovecha la planeación de la asignatura presentada por el (la) profesor(a) (instrumentación didáctica) para presentar propuestas de mejora de la temática vista durante el curso. Realiza actividades de investigación para participar activamente durante el curso.</p> | |
|--|--|---|--|

| | | | |
|--------------------------|--------------|--|-------|
| | Notable | Cumple cuatro de los indicadores definidos en desempeño excelente. | 85-94 |
| | Bueno | Cumple tres de los indicadores definidos en el desempeño excelente. | 75-84 |
| | Suficiente | Cumple dos de los indicadores definidos en el desempeño excelente | 70-74 |
| Competencia No Alcanzada | Insuficiente | No se cumple con el 100% de evidencias conceptuales, procedimentales y actitudinales de los indicadores definidos en el desempeño excelente. | N. A. |

Matriz de Evaluación

| Evidencia de Aprendizaje | % | Indicador de Alcance | | | | | Evaluación formativa de la competencia |
|----------------------------------|-----|----------------------|---------|---------|---------|---|--|
| | | A | B | C | D | N | |
| Problemario (lista de cotejo) | 40% | 38-40 | 34-37.6 | 30-33.6 | 28-29.6 | 0 | Identifica, plantea y resuelve problemas. Abstrae, analiza y sintetiza. Habilidad en el uso de las TIC's |
| Exposición (Guía de observación) | 20% | 19-20 | 17-18.8 | 15-16.8 | 14-14.8 | 0 | Demuestra su capacidad crítica y autocrítica del trabajo realizado en línea, así como la habilidad en el uso de las TIC, trabaja en equipo, presenta dominio del tema e incluye ejemplos claros y precisos para la comprensión del tema. |

| | | | | | | | |
|----------------|------|--------|---------|---------|---------|----|--|
| Examen escrito | 40% | 38-40 | 34-37.6 | 30-33.6 | 28-29.6 | 0 | Demuestra conocimiento y dominio de los temas de la unidad |
| Total | 100% | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | NA | |

| | | | |
|-----------------|---|-------------|--|
| Competencia No. | 1 | Descripción | Resuelve problemas de aplicación en ingeniería sobre sistemas de ecuaciones lineales para interpretar las soluciones y tomar decisiones con base en ellas, utilizando los métodos de Gauss, Gauss- Jordan, matriz inversa y regla de Cramer. |
|-----------------|---|-------------|--|

| Temas y subtemas para desarrollar la competencia específica | Actividades de aprendizaje | Actividades de enseñanza | Desarrollo de competencias genéricas | Horas teórico-práctica |
|---|---|---|--|------------------------|
| 3.1 SISTEMAS DE ECUACIONES LINEALES. 3.1 Definición de sistemas de ecuaciones lineales. 3.2 Clasificación de los sistemas de ecuaciones lineales y tipos de solución. 3.3 Interpretación geométrica de las soluciones. 3.4 Métodos de solución de un sistema de ecuaciones lineales: Gauss, Gauss-Jordan, inversa de una matriz y regla de Cramer. | Realizar una búsqueda (investigación) de información acerca de la diferencia entre un sistema de ecuaciones lineales homogéneo y no homogéneo, así como de los tipos de solución que se pueden presentar en cada caso. Comparar la información en equipo de cuatro integrantes de diferente género) Utilizar TIC's para visualizar geoméricamente las soluciones de sistemas de ecuaciones lineales. Resolver sistemas de ecuaciones lineales por los métodos de Gauss, Gauss-Jordan, matriz inversa y regla de Cramer y analizar sus características. (problematario) Utilizar TIC's para resolver sistemas de ecuaciones lineales. | Solicitar al estudiante la consulta bibliográfica (investigación) de: definición de sistemas de ecuaciones lineales, diferencia entre un sistema de ecuaciones lineales homogéneo y no homogéneo; y los tipos de solución que se presentan en cada caso. Mediante una plataforma en línea el facilitador resuelve sistemas de ecuaciones por los diferentes métodos, guiando al estudiante a analizar sus características. Se solicita una investigación en donde el estudiante pueda visualizar el uso de sistemas de ecuaciones lineales que se apliquen en ingeniería y diversas ramas de las matemáticas. Se proponen ejercicios de aplicación (problematario) de acuerdo al perfil de la carrera, | Capacidad de abstracción, análisis y síntesis. Capacidad para identificar, plantear y resolver problemas. Capacidad de aprender y actualizarse permanentemente. Capacidad de trabajo en equipo. | 8 – 11 h |

| | | | | |
|-------------------|--|---|--|--|
| 3.5 Aplicaciones. | <p>Identificar el uso de sistemas de ecuaciones lineales en aplicaciones de ingeniería y en otras ramas de las matemáticas.</p> <p>Resolver problemas de aplicación propuestos acordes al perfil e interpretar su solución (problemario)</p> <p>Resolución del examen.</p> | <p>para darles solución e interpretar a los resultados obtenidos.</p> <p>Aplicación del examen de los temas vistos contestado en casa y mandar por plataforma</p> | | |
|-------------------|--|---|--|--|

| Indicadores de Alcance | Valor de Indicador |
|---|--------------------|
| Búsqueda de información desde diversas fuentes. Trabaja en equipo. Extrae, analiza e interpreta información. Es capaz de aprender y actualizarse permanentemente. | 20% |
| Identifica, plantea y resuelve problemas. Abstrae, analiza y sintetiza. Habilidad en el uso de las TIC's. Interpreta y relaciona geoméricamente. | 40% |
| Demuestra conocimiento y dominio de los temas de la unidad, | 40% |

Niveles de desempeño:

| Desempeño | Nivel de desempeño | Indicadores de Alcance | Valoración numérica |
|-----------------------|--------------------|---|---------------------|
| Competencia Alcanzada | Excelente | Cumple al menos cinco de los siguientes indicadores a) Se adapta a situaciones y contextos complejos. Puede trabajar en línea, reflejar sus conocimientos en la interpretación de la realidad. Inferir comportamientos o consecuencias de los fenómenos o problemas en estudio. Incluir más variables en dichos casos de estudio. | 95-100 |



| | | | |
|--|--|--|--|
| | | <p>b) Hace aportaciones a las actividades académicas desarrolladas. Pregunta integrando conocimientos de otras asignaturas o de casos anteriores de la misma asignatura. Presenta otros puntos de vista que complementan al presentado en la clase. Presenta fuentes de información adicionales (Internet, documentales), usa más bibliografía, consulta fuentes en un segundo idioma, etc.</p> <p>c) Propone y/o explica soluciones o procedimientos no vistos en clase (creatividad). Ante problemas o casos de estudio propone perspectivas diferentes, para abordarlos y sustentarlos correctamente. Aplica procedimientos aprendidos en otra asignatura o contexto para el problema que se está resolviendo.</p> <p>d) Introduce recursos y experiencias que promueven un pensamiento crítico; (por ejemplo el uso de las tecnologías de la información estableciendo previamente un criterio). Ante temas de una asignatura, introduce cuestionamientos de tipo ético, ecológico, histórico, político, económico, etc.; que deben tomarse en cuenta para comprender mejor, o a futuro dicho tema. Se apoya en foros, autores, bibliografía,</p> | |
|--|--|--|--|



| | | | |
|--------------------------|--------------|--|-------|
| | | documentales, etc. para sustentar su punto de vista. e) Incorpora conocimientos y actividades interdisciplinarias en su aprendizaje. En el desarrollo de los temas de la asignatura, incorpora conocimientos y actividades desarrollados en otras asignaturas para lograr la competencia. f) Realiza su trabajo de manera autónoma y autorregulada. Es capaz de organizar su tiempo y trabajar sin necesidad de una supervisión estrecha y/o coercitiva. Aprovecha la planeación de la asignatura presentada por el (la) profesor(a) (instrumentación didáctica) para presentar propuestas de mejora de la temática vista durante el curso. Realiza actividades de investigación para participar activamente durante el curso. | |
| | Notable | Cumple cuatro de los indicadores definidos en desempeño excelente | 85-94 |
| | Bueno | Cumple tres de los indicadores definidos en el desempeño excelente. | 75-84 |
| | Suficiente | Cumple dos de los indicadores definidos en el desempeño excelente | 70-74 |
| Competencia No Alcanzada | Insuficiente | No se cumple con el 100% de evidencias conceptuales, procedimentales y actitudinales de | N. A. |

| | | | |
|--|--|--|--|
| | | los indicadores definidos en el desempeño excelente. | |
|--|--|--|--|

Matriz de Evaluación

| Evidencia de Aprendizaje | % | Indicador de Alcance | | | | | Evaluación formativa de la competencia |
|--|-------------|----------------------|--------------|--------------|--------------|-----------|--|
| | | A | B | C | D | N | |
| Investigación documental (Lista de cotejo) | 20% | 19-20 | 17-18.8 | 15-16.8 | 14-14.8 | 0 | Búsqueda de información desde diversas fuentes. Trabaja en línea. Extrae, analiza e interpreta información. Es capaz de aprender y actualizarse permanentemente. |
| Problemario (Lista de cotejo) | 40% | 38-40 | 34-37.6 | 30-33.6 | 28-29.6 | 0 | Identifica, plantea y resuelve problemas. Abstrae, analiza y sintetiza. Habilidad en el uso de las TIC's. Interpreta y relaciona geoméricamente. |
| Examen escrito | 40% | 38-40 | 34-37.6 | 30-33.6 | 28-29.6 | 0 | Demuestra conocimiento y dominio de los temas de la unidad, |
| Total | 100% | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | NA | |

Competencia No. 1 Descripción Comprende la definición de espacio vectorial como abstracción para relacionarlo con otras áreas de las matemáticas.

| Temas y subtemas para desarrollar la competencia específica | Actividades de aprendizaje | Actividades de enseñanza | Desarrollo de competencias genéricas | Horas teórico-práctica |
|---|--|---|--|------------------------|
| 4. ESPACIOS VECTORIALES. 4.1 Definición de espacio vectorial. | Realizar una consulta bibliográfica (investigación) sobre el concepto de espacio y subespacio vectorial. | En línea y mediante una plataforma se Solicita al estudiante que realice una consulta bibliográfica (investigación) sobre el concepto de espacio y subespacio vectorial y los | Capacidad de abstracción, análisis y síntesis. Capacidad para identificar, plantear | 7 - 10 h |

| | | | | |
|--|--|---|--|--|
| <p>4.2 Definición de subespacio vectorial y sus propiedades.</p> <p>4.3 Combinación lineal. Independencia lineal.</p> <p>4.4 Base y dimensión de un espacio vectorial, cambio de base.</p> <p>4.5 Espacio vectorial con producto interno y sus propiedades.</p> <p>4.6 Base ortonormal, proceso de ortonormalización de Gram-Schmidt</p> | <p>Analizar los axiomas que definen a un espacio vectorial.</p> <p>Verificar si se forma un espacio vectorial dado un conjunto de elementos y las operaciones entre ellos.</p> <p>Investigar ejemplos de subespacios.</p> <p>Identificar en una lista de ejercicios cuándo es que un conjunto forma una base de un espacio vectorial y encontrar la dimensión.</p> <p>Encontrar la matriz de cambio de la base (de transición).</p> <p>Utilizar TIC's para encontrar las matrices de cambio de base.</p> <p>Investigar la extensión de un espacio vectorial a un espacio euclidiano (con producto interno).</p> <p>Investigar conjuntos ortonormales de vectores.</p> <p>Utilizar el proceso de ortonormalización de Gram-Schmidt y resolver un problemario</p> <p>Utilizar TIC's para realizar el proceso de ortonormalización.</p> <p>Resolución del examen.</p> | <p>axiomas que definen un espacio vectorial.</p> <p>El docente retroalimenta de los conceptos investigados, guía a los estudiantes para que mediante los axiomas pueda verificar si se forma un espacio vectorial dado un conjunto de elementos y las operaciones entre ellos.</p> <p>En línea y mediante una plataforma solicita al estudiante que investigue ejemplos de subespacios.</p> <p>Solicita al estudiante realice una consulta bibliográfica para que con los conceptos de combinación lineal e independencia lineal, el estudiante identifique cuándo un conjunto forma una base de un espacio vectorial. Mediante la técnica demostrativa el facilitador encontrará la dimensión así como la matriz de cambio de la base, propone problemas para que el estudiante los ejecute de forma manual</p> <p>Se solicita al estudiante que investigue conjuntos ortonormales de vectores. así como analizar el proceso de ortonormalización de Gram-Schmidt; proponer problemas en donde lo utilice, de forma manual.(problemario)</p> <p>Aplicación del examen escrito de los temas vistos en su casa y mandar por plataforma</p> | <p>y resolver problemas.</p> <p>Capacidad de aprender y actualizarse permanentemente.</p> <p>Capacidad de trabajo en equipo.</p> | |
|--|--|---|--|--|

| Indicadores de Alcance | Valor de Indicador |
|--|--------------------|
| Búsqueda de información desde diversas fuentes. Trabaja en equipo. Extrae, analiza e interpreta información. | 20% |

| | |
|---|-----|
| Es capaz de aprender y actualizarse permanentemente. | |
| Identifica, plantea y resuelve problemas. Abstrae, analiza y sintetiza. Habilidad en el uso de las TIC's. Interpreta y relaciona geoméricamente. | 40% |
| Demuestra conocimiento y dominio de los temas de la unidad, | 40% |

Niveles de desempeño:

| Desempeño | Nivel de desempeño | Indicadores de Alcance | Valoración numérica |
|-----------------------|--------------------|--|---------------------|
| Competencia Alcanzada | Excelente | <p>Cumple al menos cinco de los siguientes indicadores</p> <p>a) Se adapta a situaciones y contextos complejos. Puede trabajar en línea, reflejar sus conocimientos en la interpretación de la realidad. Inferir comportamientos o consecuencias de los fenómenos o problemas en estudio. Incluir más variables en dichos casos de estudio.</p> <p>b) Hace aportaciones a las actividades académicas desarrolladas. Pregunta integrando conocimientos de otras asignaturas o de casos anteriores de la misma asignatura. Presenta otros puntos de vista que complementan al presentado en la clase. Presenta fuentes de información adicionales (Internet, documentales), usa más bibliografía, consulta fuentes en un segundo idioma, etc.</p> <p>c) Propone y/o explica soluciones o procedimientos no vistos en clase (creatividad). Ante problemas o casos de estudio propone perspectivas diferentes, para abordarlos y sustentarlos correctamente. Aplica procedimientos aprendidos en otra asignatura o contexto para el problema que se está resolviendo.</p> <p>d) Introduce recursos y experiencias que promueven un pensamiento crítico; (por ejemplo el uso de las tecnologías de la información estableciendo previamente un criterio). Ante temas de una asignatura, introduce cuestionamientos de tipo ético, ecológico, histórico, político, económico, etc.; que deben tomarse en cuenta para comprender mejor, o a futuro dicho tema. Se apoya en foros, autores, bibliografía, documentales, etc. para sustentar su punto de vista.</p> <p>e) Incorpora conocimientos y actividades interdisciplinarias en su aprendizaje. En el desarrollo de</p> | 95-100 |

| | | | |
|--------------------------|--------------|---|-------|
| | | los temas de la asignatura, incorpora conocimientos y actividades desarrollados en otras asignaturas para lograr la competencia. f) Realiza su trabajo de manera autónoma y autorregulada. Es capaz de organizar su tiempo y trabajar sin necesidad de una supervisión estrecha y/o coercitiva. Aprovecha la planeación de la asignatura presentada por el (la) profesor(a) (instrumentación didáctica) para presentar propuestas de mejora de la temática vista durante el curso. Realiza actividades de investigación para participar activamente durante el curso. | |
| | Notable | Cumple cuatro de los indicadores definidos en desempeño excelente. | 85-94 |
| | Bueno | Cumple tres de los indicadores definidos en el desempeño excelente. | 75-84 |
| | Suficiente | Cumple dos de los indicadores definidos en el desempeño excelente | 70-74 |
| Competencia No Alcanzada | Insuficiente | No se cumple con el 100% de evidencias conceptuales, procedimentales y actitudinales de los indicadores definidos en el desempeño excelente. | N. A. |

Matriz de Evaluación

| Evidencia de Aprendizaje | % | Indicador de Alcance | | | | | Evaluación formativa de la competencia |
|--|-----|----------------------|---------|---------|---------|---|--|
| | | A | B | C | D | N | |
| Investigación documental (Lista de cotejo) | 20% | 19-20 | 17-18.8 | 15-16.8 | 14-14.8 | 0 | Búsqueda de información desde diversas fuentes. Trabaja en línea. Extrae, analiza e interpreta información. Es capaz de aprender y actualizarse permanentemente. |

| | | | | | | | |
|-------------------------------|------|--------|---------|---------|---------|----|---|
| Problemario (Lista de cotejo) | 40% | 38-40 | 34-37.6 | 30-33.6 | 28-29.6 | 0 | Identifica, plantea y resuelve problemas. Abstrae, analiza y sintetiza. Habilidad en el uso de las TIC's. Interpreta y relaciona geoméricamente. |
| Examen escrito | 40% | 38-40 | 34-37.6 | 30-33.6 | 28-29.6 | 0 | Demuestra conocimiento y dominio de los temas de la unidad, |
| Total | 100% | 95-100 | 85-94 | 74-85 | 70-84 | NA | |

Competencia No. 1 Descripción Utiliza la transformación lineal y sus propiedades para representarla matricialmente.

| Temas y subtemas para desarrollar la competencia específica | Actividades de aprendizaje | Actividades de enseñanza | Desarrollo de competencias genéricas | Horas teórico-práctica |
|--|---|---|--|------------------------|
| 5. TRANSFORMACIONES LINEALES 5.1 Definición de transformación lineal. 5.2 Núcleo e imagen de una transformación lineal. 5.3 Representación matricial de una transformación lineal. | Buscar información sobre la definición de transformación lineal y sus propiedades. Obtener el núcleo y la imagen de una transformación lineal, así como la nulidad y el rango. Utilizar TIC's para encontrar el núcleo y la imagen de una transformación lineal. Obtener la matriz asociada a una transformación lineal. | A través de una plataforma en línea el facilitador, solicita una consulta bibliográfica (investigación) acerca de la definición de transformación lineal y sus propiedades. Proporciona problemas de obtención del núcleo e imagen de una transformación lineal, nulidad y rango para que los analice y resuelva problemas de forma manual y utilizando TIC's. Se proporciona al estudiante ejemplos de la obtención de una matriz asociada a una transformación lineal, para que los analice y resuelvan los problemas propuestos. Se solicita una investigación del uso de las transformaciones lineales en el área de ingeniería, | Capacidad de abstracción, análisis y síntesis. Capacidad para identificar, plantear y resolver problemas. Capacidad de aprender y actualizarse permanentemente. Capacidad de trabajo en equipo. | 4 - 6 h |

| | | | | |
|---|---|--|--|--|
| 5.4 Aplicación de las transformaciones lineales: reflexión, dilatación, contracción y rotación. | Investigar el uso de las transformaciones lineales al área de la ingeniería. Resolver ejercicios relacionados (problemario) con transformaciones lineales de reflexión, dilatación, contracción y rotación para su exposición en clase | así como ejemplos de reflexión, dilatación, contracción y rotación Se proponen ejercicios relacionados con los temas mencionados para que sean resueltos mediante un problemario y posteriormente exponer los resultados de los mismos en clase | | |
|---|---|--|--|--|

| Indicadores de Alcance | Valor de Indicador |
|--|--------------------|
| Búsqueda de información desde diversas fuentes. Trabaja en equipo. Extrae, analiza e interpreta información. Es capaz de aprender y actualizarse permanentemente. | 20% |
| Demuestra su capacidad crítica y autocrítica del trabajo realizado frente al grupo, así como la habilidad en el uso de las TIC, trabaja en equipo, presenta dominio del tema e incluye ejemplos claros y precisos para la comprensión del grupo. | 40% |
| Identifica, plantea y resuelve problemas. Abstrae, analiza y sintetiza. | 40% |

Niveles de desempeño:

| Desempeño | Nivel de desempeño | Indicadores de Alcance | Valoración numérica |
|-----------------------|--------------------|---|---------------------|
| Competencia Alcanzada | Excelente | Cumple al menos cinco de los siguientes indicadores a) Se adapta a situaciones y contextos complejos. Puede trabajar en línea, reflejar sus conocimientos en la interpretación de la realidad. Inferir comportamientos o consecuencias de los fenómenos o problemas en estudio. Incluir más variables en dichos casos de estudio. b) Hace aportaciones a las actividades académicas desarrolladas. Pregunta integrando conocimientos de otras | 95-100 |



| | | | |
|--|--|---|--|
| | | <p>asignaturas o de casos anteriores de la misma asignatura. Presenta otros puntos de vista que complementan al presentado en la clase. Presenta fuentes de información adicionales (Internet, documentales), usa más bibliografía, consulta fuentes en un segundo idioma, etc.</p> <p>c) Propone y/o explica soluciones o procedimientos no vistos en clase (creatividad). Ante problemas o casos de estudio propone perspectivas diferentes, para abordarlos y sustentarlos correctamente. Aplica procedimientos aprendidos en otra asignatura o contexto para el problema que se está resolviendo.</p> <p>d) Introduce recursos y experiencias que promueven un pensamiento crítico; (por ejemplo el uso de las tecnologías de la información estableciendo previamente un criterio). Ante temas de una asignatura, introduce cuestionamientos de tipo ético, ecológico, histórico, político, económico, etc.; que deben tomarse en cuenta para comprender mejor, o a futuro dicho tema. Se apoya en foros, autores, bibliografía, documentales, etc. para sustentar su punto de vista.</p> <p>e) Incorpora conocimientos y actividades interdisciplinarias</p> | |
|--|--|---|--|

| | | | |
|--------------------------|--------------|--|-------|
| | | <p>en su aprendizaje. En el desarrollo de los temas de la asignatura, incorpora conocimientos y actividades desarrollados en otras asignaturas para lograr la competencia.</p> <p>f) Realiza su trabajo de manera autónoma y autorregulada. Es capaz de organizar su tiempo y trabajar sin necesidad de una supervisión estrecha y/o coercitiva. Aprovecha la planeación de la asignatura presentada por el (la) profesor(a) (instrumentación didáctica) para presentar propuestas de mejora de la temática vista durante el curso. Realiza actividades de investigación para participar activamente durante el curso.</p> | |
| | Notable | Cumple cuatro de los indicadores definidos en desempeño excelente. | 85-94 |
| | Bueno | Cumple tres de los indicadores definidos en el desempeño excelente. | 75-84 |
| | Suficiente | Cumple dos de los indicadores definidos en el desempeño excelente | 70-74 |
| Competencia No Alcanzada | Insuficiente | No se cumple con el 100% de evidencias conceptuales, procedimentales y actitudinales de los indicadores definidos en el desempeño excelente. | N. A. |

Matriz de Evaluación

| Evidencia de Aprendizaje | % | Indicador de Alcance | | | | | Evaluación formativa de la competencia |
|--|------|----------------------|---------|---------|---------|----|--|
| | | A | B | C | D | N | |
| Investigación documental (Lista de cotejo) | 20% | 19-20 | 17-18.8 | 15-16.8 | 14-14.8 | 0 | Búsqueda de información desde diversas fuentes. Trabaja en línea. Extrae, analiza e interpreta información. Es capaz de aprender y actualizarse permanentemente. |
| Exposición (Guía de observación) | 40% | 38-40 | 34-37.6 | 30-33.6 | 28-29.6 | 0 | Demuestra su capacidad crítica y autocrítica del trabajo realizado frente al grupo, así como la habilidad en el uso de las TIC, trabaja en equipo, presenta dominio del tema e incluye ejemplos claros y precisos para la comprensión del grupo. |
| Problemario (Lista de cotejo) | 40% | 38-40 | 34-37.6 | 30-33.6 | 28-29.6 | 0 | Identifica, plantea y resuelve problemas. Abstrae, analiza y sintetiza. |
| Total | 100% | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | NA | |

5. Fuentes de información y apoyos didácticos:

Fuentes de información:

- Del Valle, J. C. (2012). *Álgebra lineal para estudiantes de ingeniería y ciencias*. México. Mc Graw-Hill.
- Grossman, S. I. (2012). *Álgebra Lineal*. (5a ed). México. Mc Graw-Hill.
- Kolman, B. (2013). *Álgebra Lineal*. México. Pearson Educación.

Apoyos didácticos

- Pizarrón
- Pintarrones
- Computadora personal
- Software
- Internet
- Calculadora científica

6. Calendarización de evaluación en semanas



| Semana | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 |
|--------|----|---|---|-----|----|---|---|-----|----|----|----|-----|----|-----|----|-----|
| TP | ED | | | EF1 | | | | EF2 | | | | EF3 | | EF4 | | EF5 |
| TR | | | | | | | | | | | | | | | | |
| SD | | | | | SD | | | | SD | | | | SD | | | SD |

TP: Tiempo Planeado
ED: Evaluación diagnóstica
TR: Tiempo Real
EFn: Evaluación formativa (Competencia específica n)
SD: Seguimiento departamental
ES: Evaluación sumativa

Fecha de elaboración 19 /agosto/2024

M.C. Rogelio Oliveros Mendoza

Nombre y firma del (de la) profesor(a)

M.C. TONATIHU SOSME SANCHEZ

Nombre y firma del(de la) Jefe(a) de Departamento Académico