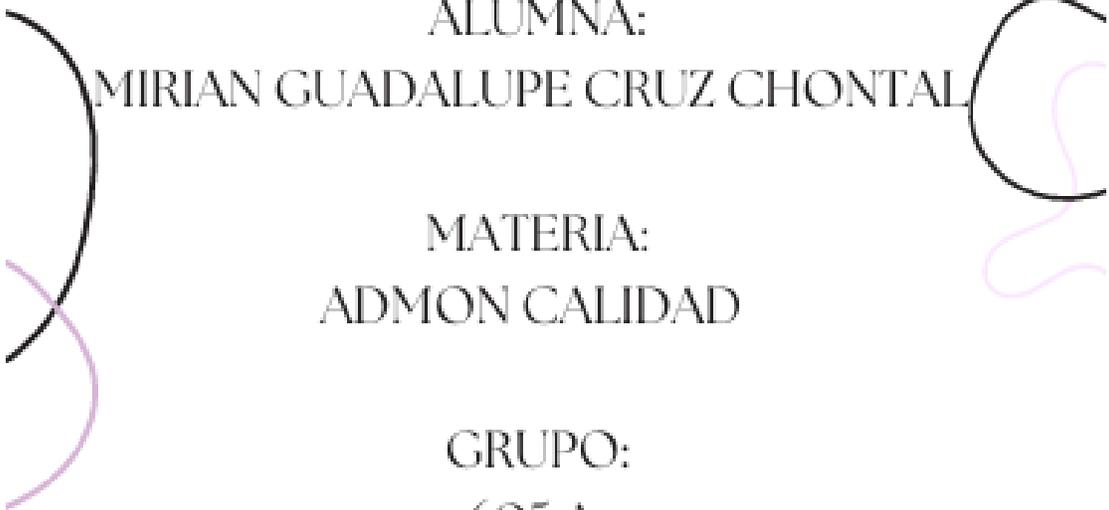


ADMINISTRACION DE LA CALIDAD
TRABAJO DE INVESTIGACION
UNIDAD 4



**INSTITUTO TECNOLOGICO SUPERIOR
DE SAN ANDRES TUXTLA**

DOCENTE:
ARMANDO ALVARADO ALVARADO



ALUMNA:
MIRIAN GUADALUPE CRUZ CHONTAL

MATERIA:
ADMON CALIDAD

GRUPO:
605 A



CARRERA:
LIC. ADMINISTRACIÓN

CONCEPTO

El **muestreo de calidad** es una técnica utilizada en el control de calidad para evaluar las características de un producto o servicio mediante la selección y análisis de una muestra representativa de un lote o proceso productivo. Su objetivo es determinar si un conjunto de bienes o servicios cumple con los estándares establecidos sin necesidad de inspeccionar el 100% de la producción, lo que reduce costos y tiempo.

CARACTERÍSTICAS

- **Representatividad:** La muestra debe reflejar las características del lote completo.
- **Eficiencia:** Reduce costos y tiempo en comparación con una inspección total.
- **Objetividad:** Se basa en métodos estadísticos para evitar sesgos.
- **Flexibilidad:** Puede adaptarse a diferentes tipos de producción (manufactura, servicios, alimentos, etc.).
- **Normatividad:** Suele seguir estándares internacionales como ISO 2859 (muestreo por atributos) o ISO 3951 (muestreo por variables).

TIPOS DE MUESTREO

A. Muestreo por Atributos

Evalúa características cualitativas (ej: "defectuoso" o "no defectuoso").

- **Ejemplo:** Verificar si un lote de bombillas tiene un porcentaje aceptable de unidades que no encienden.

B. Muestreo por Variables

Analiza características cuantitativas (ej: peso, longitud, resistencia).

- **Ejemplo:** Medir el diámetro de tornillos para asegurar que cumplan con las tolerancias especificadas.

C. Muestreo Aleatorio Simple

Cada unidad tiene la misma probabilidad de ser seleccionada.

- **Ejemplo:** Seleccionar al azar 50 paquetes de arroz de un lote de 10,000 para verificar su peso.

D. Muestreo Estratificado

Divide la población en subgrupos (estratos) y se toma una muestra de cada uno.

- **Ejemplo:** Evaluar la calidad de un servicio bancario tomando muestras de diferentes sucursales.

E. Muestreo Sistemático

Se selecciona cada n-ésimo elemento de una secuencia.

- **Ejemplo:** Revisar cada 20ª pieza en una línea de ensamblaje de automóviles.

PROCESO DEL MUESTREO

- **Definir el objetivo:** ¿Qué se va a evaluar? (ej: defectos, dimensiones, satisfacción del cliente).
- **Seleccionar el método de muestreo:** Aleatorio, estratificado, por atributos, etc.
- **Determinar el tamaño de la muestra:** Basado en estándares estadísticos (ej: tablas MIL-STD-105E).
- **Recolección de datos:** Inspección o medición de las muestras.
- **Análisis estadístico:** Comparación con estándares de aceptación/rechazo.
- **Toma de decisiones:** Aceptar, rechazar o ajustar el proceso

EJEMPLOS DE APLICACIÓN

- **Industria alimentaria:** Muestreo aleatorio para detectar contaminación en lotes de leche.
- **Manufactura:** Inspección por atributos en la producción de teléfonos móviles (ej: pantallas rotas).
- **Servicios:** Encuestas a clientes (muestreo estratificado por región) para medir satisfacción.

CONCLUSIÓN

El muestreo de calidad es una herramienta esencial en la gestión de la calidad, permitiendo evaluar productos y servicios de manera eficiente. Su correcta aplicación garantiza que los procesos cumplan con los requisitos establecidos, optimizando recursos y mejorando la satisfacción del cliente.

LIBRETA DE APUNTES

Unidad IV

Muestras de calidad para la producción de bienes y servicios.

Muestras de confianza o intervalo de confianza.
Se refiere a un rango de valores dentro del cual se espera que se encuentre un parámetro poblacional (como una media o una proporción), con un cierto nivel de confianza.

Intervalo de confianza para la media (con desviación estándar conocida)

Se obtiene una muestra de 100 estudiantes y se ha calculado que la media de las calificaciones es 75 ^{puntos} con una desviación estándar de 10.
Construir un intervalo de confianza al 95% para la media de la población.

Datos

$$\bar{x} = 75$$

$$\sigma = 10$$

$$n = 100$$

$$\text{Nivel de confianza} = 95\% \rightarrow 1.96$$

$$IC = \bar{x} \pm z \left(\frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right)$$

$$IC = 75 \pm 1.96 \left(\frac{10}{\sqrt{100}} \right)$$

Tenemos una muestra de 20 estudiantes pero no sabemos la desviación estándar. En este caso debemos usar la distribución t de Student en lugar de la distribución normal, entonces cuando tenemos muestra

Datos:

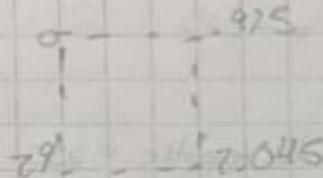
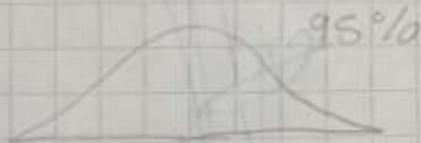
Medio de la muestra = Igual a \$75

Desviación estándar muestral = 12

Tamaño de la muestra = 30

Nivel de confianza = 95%

En primer lugar se calcula el valor crítico t. Para un nivel de confianza del 95% y 29^o de libertad el valor t es aproximadamente 2.0. 0.025



$$30 - 1 = 29$$

$$\frac{0.05}{2} = 0.025$$

$$1 - 0.025 = 0.975$$

• **Muestras de calidad para la producción de bienes y servicios**
Intervalos de confianza o Intervalo = Se refiere a un rango de valores dentro del cual se espera que se encuentre un parámetro poblacional (media o proporción) con un cierto nivel de confianza.

Intervalo de confianza para la media (con desviación estándar)
 Se toma una muestra de 100 estudiantes y se calcula que la media de las calificaciones es de 75 con una desviación estándar de 10.

Construir un intervalo de confianza al 95% para la media de media de la muestra: 75

Desviación estándar: 10

Tamaño de la muestra: 100

Nivel de confianza: 95% $\rightarrow 1.96$ $IC = \bar{x} \pm 2 \left(\frac{s}{\sqrt{n}} \right)$

$$IC = \bar{x} \pm z \left(\frac{s}{\sqrt{n}} \right)$$

$$z \leq 1.96$$

$$73.04 \leftarrow \rightarrow 76.96$$



08 05 25

SCHOOL

Tomamos una muestra de estudiante pero no sabemos la desviación estándar de la población. En este caso debes utilizar la distribución t student

Datos:

Medio de la muestra = 75

Desviación estándar muestral = 12

Tamaño de la muestra = 30

Nivel de confianza = 95%

En primer lugar se calcula el valor crítico t, para un nivel de confianza de 95% y 20° de libertad

2.045



$$\frac{0.05}{2} = 0.025$$

$$30 - 1 = 29$$

$$1 - 0.025 = 0.975$$

$$IC = \bar{x} \pm t \frac{s}{\sqrt{n}}$$

$$75 \pm 2.045 \left(\frac{12}{\sqrt{30}} \right)$$

$$75 \pm 4.47$$

$$70.524 \rightarrow 79.47$$

Inferencia de confianza para una proporción
Se preguntó que realizamos una encuesta a los presentes
sobre el tipo de gusto en productos y encontramos que los
datos.

Proporción muestral (p) = $n \left(\frac{120}{200} \right) = 0.60$

Tamaño de la muestra = 200

Nivel de confianza = 95%

IC = $p \pm z \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}$

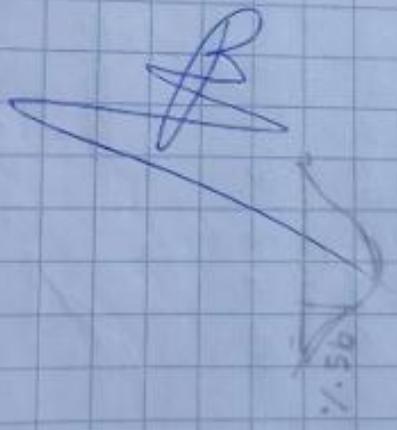
$z = 1.96$

$0.60 \pm 1.96 \sqrt{\frac{0.60(1-0.60)}{200}}$

0.533

0.60 ± 0.678

$0.533 - 0.678$



- Muestreo estrato

Es una técnica de muestreo probabilística que se utiliza cuando la población se divide en subgrupos homogéneos luego se seleccionan más muestras de cada subgrupo = lo que permite obtener estimación más precisa de la población total

Un supermercado tiene 1000 clientes. El supermercado desea saber la preferencia de compra de sus clientes sobre 3 productos A, B, C

- A) Estrato 1 = 500 clientes El supermercado quiere seleccionar
B) Estrato 2 = 300 clientes con la muestra de 100 cliente de
C) Estrato 3 = 200 clientes muestra que cada estrato este

$$n_h = \left(\frac{N_h}{N} \right) \times n \quad n_h = \text{tamaño de la muestra del estrato}$$

N_h = Tamaño del estrato

N = Tamaño total de la

n = Tamaño total de la muestra

$$n_1 = \left(\frac{500}{1000} \right) \times 100 = 50$$

$$n_2 = \left(\frac{300}{1000} \right) \times 100 = 30$$

$$n_3 = \left(\frac{200}{1000} \right) \times 100 = 20$$

Una empresa tiene 500 empleados distribuido en los departamentos

- A) 100 empleados
- B) 200 empleados
- C) 200 empleados

La empresa desea saber la muestra que se obtiene de los empleados con 50 milímetros

$$N = \left(\frac{500}{50} \right) \times 50 = 10$$

$$N = \left(\frac{200}{500} \right) \times 50 = 20$$

$$N = \left(\frac{200}{500} \right) \times 50 = 20$$



Tamaño de la muestra Para estimar la Proporción

Se conoce el valor de D

$$D = \frac{B^2}{4} \quad S^2 = Pq$$

Se calcula $n = \frac{Npq}{(N-1)D + B^2}$

En una finca se desea mostrar 1,050 Pinos que están afectados por una plaga y estas muestras se deben mostrar, calcular por la técnica de proporción sistemática y se debe losar una $D=154$, el límite máximo del Error 0.08

$$n = \frac{(1050)(0.154)}{(1050-1)(0.0016) + 0.154}$$

$$S^2 = 0.154$$

$$= \frac{161.7}{1.8324} = 88.24$$

$$B = 0.08$$

$$D (0.08)^2 = 0.0016$$

$$n = 161.7$$

$$1.8324$$

PROBLEMARIO 4

Unidad IV

Muestra de Calidad para la producción de bienes y Servicio.

Muestras de Confianza o Intervalo de Confianza.

Se refiere de un rango de valores dentro del cual espera que se encuentre un parámetro poblacional (Media o proporción) con un cierto Nivel de confianza.

Confianza para la media.

Se obtiene una muestra de 100 estudiantes y se calcula la media de calificaciones es de 73 con una desviación estándar de 10.

Construir un intervalo de confianza con un 95% para la población.

Datos

Media de la muestra	73 \bar{x}
Desviación estándar	10 σ
Tamaño de la muestra	100 n
Nivel de confianza	95% - 1.96%

$$IC = \bar{x} \pm z \left(\frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right)$$

$$= 73 + 1.96\% \left(\frac{10}{\sqrt{100}} \right)$$

$$= 73.09$$

Tenemos una muestra de 30 estudiantes pero no sabemos la desviación estándar en este caso debemos usar la distribución t de estudio en lugar de la distribución normal.

Datos:

Media de la Muestra = 75

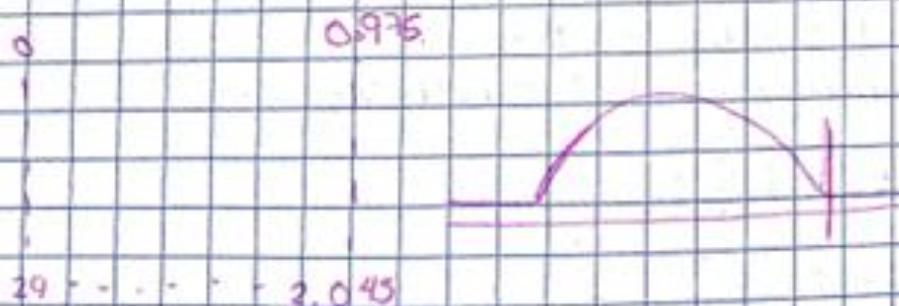
Desviación Estándar Muestral $S = 12$

Tamaño de la Muestra = 30

Nivel de Confianza = 95%

Se calcula el valor crítico t , para un nivel de confianza del 95% y 29° de libertad es aproximadamente 2.045

$$95\% \quad \frac{0.05}{2} = 0.025 \quad 1 - 0.025 = 0.975$$



$$IC = \bar{x} \pm t \cdot \frac{s}{\sqrt{n}}$$

$$75 \pm 2.045 \left(\frac{12}{\sqrt{30}} \right) =$$

$$75 \pm 2.045 (2.1908)$$

$$75 \pm 4.47$$

$$70.52 \text{ --- } 79.47$$

Intervalo de confianza para una proporción

Supongamos que realizamos una encuesta a 200 personas sobre si le gusta un producto y encontramos que 120 personas dijeron que sí.

Datos:

$$\text{Proporción muestral } (p) = \frac{120}{200} = 0.60$$

Tamaño de la muestra = 200

Nivel de confianza = 95%

$$IC = p \pm z \cdot \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}$$

$$IC = 0.60 \pm 1.96 \cdot \sqrt{\frac{0.60(1-0.60)}{200}}$$

$$IC = 0.60 \pm 0.0678$$

$$0.536 + 0.6678$$

o Muestreo Estratificado

Es más técnico probabilístico que se utiliza cuando las poblaciones se divide en subgrupos homogéneos luego se seleccionan unas muestras de cada subgrupo lo que permite obtener estimaciones más precisas de las poblaciones total.

Ejemplo:

Un supermercado tiene 1,000 clientes. El supermercado desea saber la preferencia de compra de sus clientes Sobre 3 tipos de productos A, B y C.

A) Estrato 1 = 500 clientes

B) Estrato 2 = 300 clientes

C) Estrato 3 = 200 clientes

$$n_h = \left(\frac{N_h}{N} \right) \times n$$

n_h = tamaño de la muestra del estrato.

N_h = tamaño del estrato

$$n_1 = \left(\frac{500}{1000} \right) \times 100 = 50$$

N = tamaño total de la población

$$n_2 = \left(\frac{300}{1000} \right) \times 100 = 30$$

n = tamaño total de la muestra.

$$n_3 = \left(\frac{200}{1000} \right) \times 100 = 20$$

El supermercado quiere seleccionar una muestra de 100 clientes de manera de cada estrato estén representado cada cliente.

Una empresa tiene 500 empleados distribuidos en 3 departamentos

A departamento 100

B departamento 200

C departamento 200

La empresa desea realizar unos estudios sobre los salarios de los empleados y seleccionara una muestra de 50 empleados

$$n_h = \left(\frac{N_h}{N} \right) \times n$$

$$n_1 = \left(\frac{100}{500} \right) \times 50 = 10$$

$$n_2 = \left(\frac{200}{500} \right) \times 50 = 20$$

$$n_3 = \left(\frac{200}{500} \right) \times 50 = 20$$



Tamaño de la muestra para estimar la proporción

Se calcula el valor de D

$$D = \frac{B^2}{4}$$

$$S^2 = pq$$

Se calcula $n = \frac{Npq}{(N-1)D + pq}$

En una parcela se desea muestrear 1050 pinos que están afectados por una plaga, se debe calcular con la técnica de proporción sistemática y se sabe que la variancia es de 0.159, el límite máximo es de 8.08

$$D = \frac{0.08^2}{4} = 0.0016$$

$$n = \frac{1050 \times 0.159}{(1050-1) \times 0.0016 + 0.159} = \frac{166.95}{1.832} = 91.124$$



EXAMEN 4

INSTITUTO TECNOLÓGICO SUPERIOR DE SAN ANDRÉS TUXTLA
LICENCIATURA EN ADMINISTRACIÓN ADMINISTRACIÓN DE LA CALIDAD
NOMBRE: Regina Demeneghi Miranda GRUPO: 605-A

RESUELVE LO SIGUIENTE:

1. En una productora de chorizos se desea conocer el contenido de grasa promedio de la producción diaria. Al día se producen 200 productos y se seleccionaron 15 sistemáticamente. Indique la media estimada y su intervalo de confianza al 95% de seguridad. Los datos son en gramos.

21 14 13 12 14 13 16 20 23 22 20 19 25 25 23

Datos:

- Producción diaria (población): $N=200$ $N=200$ chorizos.
- Muestra seleccionada: $n=15$ $n=15$ chorizos.
- Nivel de confianza: 95% ($Z=1.96$ $Z=1.96$).
- Datos de grasa (gramos):

21,14,13,12,14,13,16,20,23,22,20,19,25,25,23

Solución:

a) Media muestral (\bar{X})

$$\bar{X} = \frac{\sum x_i}{n} = \frac{21+14+13+12+14+13+16+20+23+22+20+19+25+25+23}{15} = \frac{\sum x_i}{15}$$

280 **18.67 gramos**

Media muestral= **18.67**

b) Desviación estándar muestral (s)

$$S = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{X})^2}{n-1}}$$

$$\begin{aligned} (21-18.67)^2 &= 5.43 & (14-18.67)^2 &= 21.80 & (13-18.67)^2 &= 32.14 & (12-18.67)^2 &= 44.48 \\ (14-18.67)^2 &= 21.80 & (13-18.67)^2 &= 32.14 & (16-18.67)^2 &= 7.12 & (20-18.67)^2 &= 1.76 \end{aligned}$$

$$(23-18.67)^2=18.75 \quad (22-18.67)^2=11.08 \quad (20-18.67)^2=1.76 \quad (19-18.67)^2=0.10$$

$$(25-18.67)^2=40.06 \quad (25-18.67)^2=40.06 \quad (23-18.67)^2= 18.74$$

$$S=\sqrt{\frac{310.93}{14}} = \sqrt{22.21}=4.71$$

Intervalo de confianza al 95%:

$$IC=\bar{x} \pm Z\left(\frac{s}{\sqrt{n}}\right)=18.67 \pm 1.96\left(\frac{4.71}{\sqrt{15}}\right)=18.67 \pm 2.38$$

IC= [16.29 ↔21.05] gramos

2. Una universidad tiene 1000 estudiantes, divididos en tres facultades:

Facultad de Ciencias Sociales: 300 estudiantes

Facultad de Ingeniería: 400 estudiantes

Facultad de Medicina: 300 estudiantes

Se desea realizar una encuesta sobre la satisfacción estudiantil. Usa muestreo estratificado proporcional para seleccionar una muestra de 100 estudiantes.

Datos:

- Población total: 1000 estudiantes.
- Muestra deseada: 100 estudiantes.
- Distribución por facultad:
- Ciencias Sociales: 300 estudiantes.
- Ingeniería: 400 estudiantes.
- Medicina: 300 estudiantes.

Solución:

Proporción por estrato:

$$\text{Formula: } nh = \left(\frac{NH}{N}\right) \times n$$

nh= tamaño de la muestra del estrato

Nh=tamaño del estrato N=

tamaño total de la población n=

tamaño total de la muestra $nh=($

$$\frac{300}{1000}) \times 100 = \mathbf{30 \text{ estudiantes}}$$

$$nh = \left(\frac{400}{1000}\right) \times 100 = \mathbf{40 \text{ estudiantes}}$$

$$nh = \left(\frac{300}{1000}\right) \times 100 = \mathbf{30 \text{ estudiantes}}$$

Respuesta:

- **Ciencias Sociales= 30 estudiantes**
- **Ingeniería= 40 estudiantes**
- **Medicina= 30 estudiantes**

3. En una población de 3000 personas que pertenecen a tres diferentes categorías socioeconómicas: Bajo: 800 personas

Medio: 1500 personas

Alto: 700 personas

Se desea seleccionar una muestra de 150 personas para una investigación sobre el bienestar social. Si se va a utilizar un muestreo estratificado proporcional, ¿cuántas personas se deben seleccionar de cada estrato?

Datos:

- Población total: 3000 personas.
- Muestra deseada: 150 personas.
- Distribución por estrato:
 - Bajo: 800 personas.
 - Medio: 1500 personas.
 - Alto: 700 personas.

Solución:

Proporción por estrato:

$$\text{Formula: } nh = \left(\frac{NH}{N}\right) \times n$$

nh = tamaño de la muestra del estrato

Nh=tamaño del estrato N=

tamaño total de la población n=

tamaño total de la muestra nh=(

$$\frac{800}{2000} \times 150 = \mathbf{40 \text{ estudiantes}}$$

$$nh = \left(\frac{1500}{3000}\right) \times 150 = \mathbf{75 \text{ estudiantes}}$$

$$nh = \left(\frac{700}{3000}\right) \times 150 = \mathbf{35 \text{ estudiantes}}$$

Respuesta final:

- **Bajo: 40 personas.**
- **Medio: 75 personas.**
- **Alto: 35 personas**

4. Una empresa quiere estimar el salario promedio de sus empleados. Se toma una muestra aleatoria de 50 empleados, y la media de su salario es de \$25,000 con una desviación estándar de \$3,500. Utilizando un nivel de confianza del 95%, calcula el intervalo de confianza para la media poblacional.

Pregunta:

¿Cuál es el intervalo de confianza para el salario promedio de todos los empleados?

Datos:

- Muestra: n=50n= **50 empleados.**
- Media muestral (\bar{X}): **\$25,000.**
- Desviación estándar (ss): **\$3,500.**
- Nivel de confianza: **95% (Z=1.96Z=1.96)**

Error estándar de la media (SE):

$$= \frac{3500}{50} = 494.97$$

$$SE = \frac{S}{\sqrt{n}}$$

$$E=Z \times SE=1.96 \times 494.97=970.14 \text{ dólares}$$

Intervalo de confianza (IC):

$$IC= X \pm E=25000 \pm 970.14= [24029.86, 25970.14] \text{ dólares}$$

Respuesta final:

- Intervalo de confianza al 95%: [\$24,029.86, \$25,970.14].
- Interpretación: Con un 95% de confianza, el salario promedio de todos los empleados está entre \$24,029.86 y \$25,970.14.