|  |  |
| --- | --- |
| Periodo | AGOSTO-DICIEMBRE 2025 |

|  |  |
| --- | --- |
| Nombre de la Asignatura: | ALGEBRA LINEAL |
| Plan de Estudios: | IINF-2010-220 |
| Clave de la Asignatura: | ACF – 0903 |
| Horas teoría-horas prácticas-Créditos: | 3-2-5 |

1. **Caracterización de la asignatura:**

|  |
| --- |
| El Álgebra Lineal aporta al perfil del ingeniero la capacidad para desarrollar un pensamiento lógico, heurístico y algorítmico al modelar fenómenos de naturaleza lineal yresolver problemas.  Esta asignatura proporciona al estudiante de ingeniería una herramienta para resolver problemas de aplicaciones de la vida ordinaria y de aplicaciones de la ingeniería.  Muchos fenómenos de la naturaleza, que se presentan en la ingeniería, se puedenaproximar a través de un modelo lineal**. Esta asignaturanos sirve para caracterizar**estos fenómenos y convertirlos en un modelo lineal ya que es más accesible, de allí laimportancia de estudiar Álgebra Lineal.  Esta asignatura proporciona además conceptos matemáticos **relacionados con** CálculoVectorial, Ecuaciones Diferenciales, Investigación de Operaciones y en otrasasignaturas de especialidad por lo que se pueden diseñarproyectos integradores concualquiera de ellas. |

1. **Intención didáctica:**

|  |
| --- |
| La asignatura de Álgebra Lineal se organiza en cinco temas.  En el primer tema se estudian los números complejos como una extensión de los números reales, tema ya abordado en Cálculo Diferencial. Se propone iniciar con estetema para así utilizar los números complejos en el álgebra de matrices y el cálculo dedeterminantes. Además, el concepto de número complejo será retomado otros cursos dentro de los planes de estudio. Se proponen aplicaciones de complejos como: Teoría deTelecomunicaciones, Análisis de Fourier, Transformada de Laplace, Triangulo dePotencias, etc.  El tema dos, matrices y determinantes, se propone previo al tema de sistemas deecuaciones lineales con la finalidad de darle mayor importancia a las aplicaciones delas matrices, ya que prácticamente todos los problemas del álgebra lineal puedenenunciarse en términos de matrices.  Por la necesidad de que el alumno comprenda si una matriz tiene inversa, ademásdel cálculo para obtenerla, se ha añadido antes del subtema cálculo de la inversa de unamatriz, los conceptos: transformaciones elementales por renglón, escalonamiento de unamatriz y núcleo y rango de una matriz.  Es importante para el estudiante, aprender el concepto de transformacioneselementales por renglón para desarrollar el escalonamiento de una matriz como métodopara obtener la inversa. Para determinar si una matriz tiene inversa o no, evitando elconcepto de determinante en este momento, se aborda el concepto de rango como elnúmero de renglones con al menos un elemento diferente de cero de cualquiera de sus matrices escalonadas.  El tercer tema, sistemas de ecuaciones lineales, constituye una parte fundamental en estaasignatura por lo que se hace énfasis en el modelaje, representación gráfica y solución deproblemas para las diferentes aplicaciones en ingeniería.  En el cuarto tema se estudian los espacios vectoriales que se presentan en el temario demanera concisa, pero comprenden lo esencial de ellos. Se proponen estudiar aplicacionescomo: componentes simétricas, solución de modelos de estado, transformaciones de similitud, procesamiento de imágenes, etc.  El último tema, transformaciones lineales, se presenta condensado haciendo énfasis enlas aplicaciones y en la representación de la transformación lineal como una matriz.  El estudiante debe desarrollar la habilidad para modelar procesos lineales en su entorno. Esimportante que el estudiante valore las actividades que realiza, que desarrolle hábitos deestudio y de trabajo para que adquiera características tales como: la curiosidad, la puntualidad, el entusiasmo, el interés, la tenacidad, la flexibilidad y la autonomía.  El Álgebra Lineal contribuye principalmente para el desarrollo de las siguientescompetencias genéricas: de capacidad de abstracción, análisis y síntesis, capacidad paraidentificar, plantear y resolver problemas, habilidad para trabajar en forma autónoma,habilidades en el uso de las TIC’s, capacidad crítica y autocrítica y la capacidad de trabajoen equipo.  El docente de Álgebra Lineal debe mostrar y objetivar su conocimiento y experiencia en elárea para construir escenarios de aprendizaje significativo en los estudiantes que inician suformación profesional. El docente enfatiza el desarrollo de las actividades de aprendizaje de esta asignatura a fin de que ellas refuercen los aspectos formativos: incentivar lacuriosidad, el entusiasmo, la puntualidad, la constancia, el interés por mejorar, el respeto yla tolerancia hacia sus compañeros y docentes, a sus ideas y enfoques y considerar también la responsabilidad social y el respeto al medio ambiente. |

1. **Competencia de la asignatura:**

|  |
| --- |
| Resuelve problemas de modelos lineales aplicados en ingeniería para la toma de decisiones de acuerdo a la interpretación de resultados utilizando matrices y sistemas de ecuaciones.  Analiza las propiedades de los espacios vectoriales y las transformaciones lineales paravincularlos con otras ramas de las matemáticas y otras disciplinas. |

1. **Análisis por competencias específicas:**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Competencia No. |  | 1 | Descripción | Utiliza los números complejos, sus representaciones y las operaciones entreellos para tener una base de conocimiento autilizar en ecuaciones diferenciales y en diferentes aplicaciones de ingeniería. |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Temas y subtemas para desarrollar la competencia específica | Actividades de aprendizaje | Actividades de enseñanza | Desarrollo de competencias genéricas | Horas teórico-práctica |
| **1. NUMEROS COMPLEJOS**   * 1. Definición y origen de los númeroscomplejos.   2. Operaciones fundamentales con númeroscomplejos.   3. Potencias de “i”, módulo o valor absolutode un número complejo.   4. Forma polar y exponencial de un númerocomplejo.   5. Teorema de DeMoivre, potencias yextracción de raíces de un número complejo.   1.6 Ecuaciones polinómicas. | Los estudiantes toman nota de los criterios de evaluación, las actividades que van a realizar así como las evidencias que van a generar como parte del portafolio de evidencias; preguntan y participan en la presentación del encuadre.  Realiza la evaluación diagnóstica.  Buscar en diferentes fuentes y realizar un ensayo sobre el origen del término númeroimaginario.  Generalizar el concepto de un número complejo en un mapa conceptual a partirde los números reales e imaginarios.  Discutir en grupos el proceso de soluciónde una ecuación cuadrática que cumpla lacondición del factor discriminante b2–4ac< 0 para introducir la definición de √–1.  Comprobar las soluciones de una ecuacióncuadrática que cumpla la condición b2–4ac< 0 para introducir las operaciones desuma y multiplicación de números complejos.  Construir una tabla con las potencias de i y reconocer que cualquier potencia de inse puede representar como ± i ó ± 1.  Graficar un número complejo en la formarectangular y polar en el mismo plano y generar el triángulo para deducir las fórmulas de transformación entre susdiferentes representaciones.  Utilizar TIC’s para realizar operaciones y graficar números complejos.  Utiliza la expansión en serie de potencias de Maclaurin de la exponencial para obtener lafórmula de Euler para convertir unaexponencial compleja a la forma polar o ala rectangular.  Resuelve ejercicios de las diferentes conversiones.  Resolver ejercicios sobre operaciones desuma, multiplicación y división con complejos, así como las transformacionesen sus diferentes formas.  Analizar el teorema de DeMoivre yaplicarlo en la solución de ejercicios depotenciación y radicación de númeroscomplejos.  Resolver ecuaciones polinómicas que ensu solución tengan raíces complejas.  Identificar el uso de números complejosen aplicaciones de ingeniería y en otrasramas de las matemáticas y presentarlofrente al grupo en una exposición.  Resolución del examen. | Mediante la técnica expositiva el facilitador realiza el encuadre y explica cuál es la caracterización de la asignatura, objetivo general del curso, temario, bibliografía, criterios de evaluación.  Aplica la evaluación diagnóstica al grupo.  Se coordinan equipos de trabajo para que realicen un ensayo sobre el origen del término número complejo utilizando diversas fuentes de información.  Se solicita (en equipos de trabajo) un mapa conceptual para generalizar el concepto de un número complejo a partir de los números reales e imaginarios.  Se coordinan equipos de trabajo para que mediante ejercicios den solución a ecuaciones cuadráticas en donde se encuentren con diferentes casos, soluciones con números reales, que dará la pauta para introducir el concepto de número imaginario, así como el de número complejo,  Proponer ejercicios para comprobar las soluciones de una ecuación cuadrática que cumpla la condición b2–4ac< 0 para introducir las operaciones desuma y multiplicación de númeroscomplejos.  Guiar al estudiante para que construya una tabla con las potencias de i, para que identifique en qué casos se representa como ± i ó ± 1.  Se guiará al estudiante para que grafique números complejos en su forma rectangular y polar en el plano, induciendo a analizar el triángulo para determinar las fórmulas necesarias para realizar las conversiones.  Se explica el uso de Maple 13. Se proporciona al estudiante una guía para utilizar comandos y realizar operaciones y graficar números complejos  Se solicitaal estudiante que a partir de la expansión en serie de potencias de Maclaurin de la exponencial obtenga la fórmula de Euler y determine la expresión para convertir un número complejo de su forma exponencial a polar o a rectangular; resolverá ejercicios de las diferentes conversiones.  Mediante la técnica expositiva, el docente muestra diversos ejercicios de operaciones con números complejos, para más tarde solicitar a los estudiantes que resuelvan ejercicios.  Se solicita una consulta bibliográfica acerca del teorema de DeMoivre, el docente guía para aplicarlo en el cálculo de la potencia y radicación de números complejos mediante ejercicios  Mediante la técnica expositiva, el docente presenta la resolución de ecuaciones polinómicas, en donde su solución contenga a los números complejos; solicita al estudiante la solución de algunos ejercicios.  Se coordinan equipos de trabajo para que indague el uso de números complejos en aplicaciones de ingeniería y otras ramas de las matemáticas para presentarlo frente a grupo, mediante exposición.  Aplicación del examen escrito de los temas vistos. | Capacidad deabstracción, análisis y síntesis.  Capacidadpara identificar, plantear y resolverproblemas.  Capacidad de aprender yactualizarse permanentemente.  Capacidadde trabajo en equipo. | 6-8 h |

**4.8IndicadoresdeAlcance**

|  |  |
| --- | --- |
| IndicadoresdeAlcance | ValordeIndicador |
| A.Realizatrabajodeinvestigaciónyentiendeconceptosinvestigados Aporta conocimientos adicionales sobre las actividades encomendadas.  Analizayaplicalosfundamentosdelamateriaenlatomade decisiones. | 30% |
| B.Incorporaconocimientosobtenidosenotrasasignaturas.  Organizasutiempoytrabajademaneraautónomaentregandoen tiempo y forma las actividades encomendadas. | 30% |
| C.Resuelveyanalizaloscasosprácticospropuestosenclases. | 40% |

**4.10Nivelesdedesempeño:**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Desempeño | Nivelde desempeño | IndicadoresdeAlcance | Valoraciónnumérica |
| CompetenciaAlcanzada | Excelente | Cumplealmenos5delossiguientesindicadores  **Se adapta a situaciones y contextos complejos:** Puede trabajar en equipo, refleja sus conocimientos en la interpretación de la realidad.  **Hace aportaciones a las actividades académicas desarrolladas:** Pregunta integrando conocimientos de otras asignaturas o de casos anteriores de la misma asignatura. Presenta otros puntos de vista que complementen al presentado en la clase, presenta fuentes de información adicionales (internet y documental etc.) y usa más bibliografía.  **Proponey/oexplicasolucionesoprocedimientosnovistoenclase(creatividad)**:Anteproblemasocasodeestudioproponeperspectivas diferentes, para abordarlos y sustentarlos correctamente. Aplica procedimientosaprendidos enotraasignaturaocontextoparael problema  queseestáresolviendo. | 95-100 |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  | **Introduce recursos y experiencias que promueven un pensamiento crítico:**Antelostemasdelaasignaturaintroducecuestionamientosdetipo ético,ecológico, histórico,político, económico, etc.que debentomarseen cuenta para comprender mejor o a futuro dicho tema. Se apoya en foros, autores, bibliografía, documentales, etc. para sustentar su punto de vista. **Incorporaconocimientosyactividades interdisciplinarios en su aprendizaje**: En el desarrollo de los temas de la asignatura incorpora conocimientosy actividades desarrolladas en otrasasignaturas para lograr lacompetencia.  **Realizasutrabajo demanera autónomayautorregulada.** Escapaz deorganizarsutiempoytrabajarsinnecesidaddeunasupervisiónestrecha y/ocoercitiva.Realizaactividadesdeinvestigaciónparaparticipardeforma activa durante el curso. |  |
| Notable | Cumple4delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 85-94 |
| Bueno | Cumple3delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 75-84 |
| Suficiente | Cumple2delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 70-74 |
| CompetenciaNoAlcanzada | Insuficiente | No se cumple con el 100% de evidencias conceptuales, procedimentales y actitudinales de los indicadores definidos en desempeño excelente. | N.A. |

**4.11MatrizdeEvaluación:**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **EvidenciadeAprendizaje** | **%** | **Indicadorde Alcance** | | | | | **Evaluaciónformativadelacompetencia** |
| A | B | C | D | N |  |
| Investigación(Listadecotejo) | 30 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Realizatrabajodeinvestigaciónyentiende conceptos investigados  Aportaconocimientosadicionalessobrelas actividades encomendadas.  Analizayaplicalosfundamentosdela  materiaenlatomadedecisiones. |
| Practica(Listadecotejo) | 30 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Incorporaconocimientosobtenidosenotras asignaturas.  Organiza sutiempoytrabajademanera autónomaentregandoentiempoyforma las actividades encomendadas. |
| Examen | 40 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Resuelvey analizaloscasos prácticos propuestos en clases. |
| Total | 100 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | N.A. |  |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Competencia No. |  | 2 | Descripción | Utiliza los números complejos, susrepresentaciones y las operaciones entreellos para tener una base de conocimiento autilizar en ecuaciones diferenciales y endiferentes aplicaciones de ingeniería. |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Temas y subtemas para desarrollar la competencia específica | Actividades de aprendizaje | Actividades de enseñanza | Desarrollo de competencias genéricas | Horas teórico-práctica |
| 1. **MATRICES Y DETERMINANTES**   2.1 Definición de matriz, notación y orden.  2.2 Operaciones con matrices.  2.3 Clasificación de las matrices.  2.4 Transformaciones elementales por reglón.  Escalonamiento de una matriz.  Núcleo y rango de una matriz.  2.5 Cálculo de la inversa de una matriz.  2.6 Definición de determinante de una matriz.  2.7 Propiedades de los determinantes.  2.8 Inversa de una matriz cuadrada a través de la adjunta.  2.9 Aplicación de matrices y determinantes | Identificar a partir de un listado de propuestas cuáles de ellas son matricescuadradas y cuál es el orden de cada una.  Construir y denotar matrices con ciertas características específicas previamenteplanteadas.  Resolver ejercicios de suma de matrices, multiplicación por un escalar y multiplicación de matrices identificandocuándo se pueden llevar a cabo eidentificar el orden de la matriz resultante. Utilizar TIC’s para operar con matrices.  Buscar en diferentes fuentes y presentar la definición de los diferentes tipos dematrices cuadradas.  Reducir una matriz a su forma escalonada y su forma escalón reducida por renglones.  Cálculo del núcleo y el rango.  Factorizar una matriz como producto LU.  Obtener la inversa de una matriz cuadrada mediante la forma escalonada reducida por renglones y comprobarla.  Calcular el determinante de una matriz cuadrada.. Utilizar TIC’s para calcular determinantes.  Aplicar la regla de Sarrus y los conceptos de menores y cofactores para la solución deejercicios de cálculo de determinantes.  Verificar las propiedades de los determinantes.  Encontrar la inversa de una matriz utilizando la adjunta.. Utilizar TIC’s para calcular la matriz inversa.  Plantear arreglos matriciales sobre problemas de aplicación, resolverlos y presentarlos frente al grupo.  Resolución del examen. | Se proporcionan diversas matrices para que el estudiante las identifique según el orden que le corresponda y haga la notación correcta de cada una.  Se proponen características específicas a las matrices que el estudiante construirá.  Mediante la técnica demostrativa, el facilitador realiza las diferentes operaciones con matrices, propone ejercicios para que el estudiante los resuelva, de manera manual y con el uso de Maple 13.  Se solicita al estudiante una consulta bibliográfica de la definición de los diferentes tipos de matrices cuadradas así como ejemplos de cada una de ellas.  Mediante la técnica demostrativa, el facilitador reduce una matriz a su forma escalonada reducida por renglones, calcula el núcleo y el rango, factoriza una matriz como producto LU; propone la solución de ejercicios que el estudiante resolverá.  Mediante la técnica demostrativa, el docente obtiene la inversa de una matriz cuadrada, y propone al estudiante ejercicios para que los resuelva. Guía al estudiante para que analice y realice la comprobación correspondiente.  Se proponen problemas para que el estudiante calcule el determinante de una matriz cuadrada manualmente y mediante TIC’s.  El facilitador guía al estudiante para que aplique la regla de Sarrus, también para que mediante el cálculo de menores y cofactores encuentre el determinante a los ejercicios que se propongan.  Se solicita una consulta bibliográfica de las propiedades de los determinantes para verificarlos en los ejercicios que le solicite el facilitador.  Por medio de la técnica demostrativa, se da a conocer el cálculo de la inversa de una matriz por medio de la adjunta, de forma manual y con el uso de TIC’s. Se proponen ejercicios para resolver.  Se solicita por equipos de trabajo que mediante un análisis plantee arreglos matriciales en problemas de aplicación para resolverlos y presentarlos en el grupo mediante una exposición.  Aplicación del examen escrito de los temas vistos. | Capacidad deabstracción, análisis y síntesis.  Capacidadpara identificar, plantear y resolverproblemas.  Capacidad de aprender yactualizarse permanentemente.  Capacidadde trabajo en equipo. | 8-12 h |

**4.8IndicadoresdeAlcance**

|  |  |
| --- | --- |
| IndicadoresdeAlcance | ValordeIndicador |
| A.Realizatrabajodeinvestigaciónyentiendeconceptosinvestigados Aporta conocimientos adicionales sobre las actividades encomendadas.  Analizayaplicalosfundamentosdelamateriaenlatomade decisiones. | 30% |
| B.Incorporaconocimientosobtenidosenotrasasignaturas.  Organizasutiempoytrabajademaneraautónomaentregandoen tiempo y forma las actividades encomendadas. | 30% |
| C.Resuelveyanalizaloscasosprácticospropuestosenclases. | 40% |

**4.10Nivelesdedesempeño:**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Desempeño | Nivelde desempeño | IndicadoresdeAlcance | Valoraciónnumérica |
| CompetenciaAlcanzada | Excelente | Cumplealmenos5delossiguientesindicadores  **Se adapta a situaciones y contextos complejos:** Puede trabajar en equipo, refleja sus conocimientos en la interpretación de la realidad.  **Hace aportaciones a las actividades académicas desarrolladas:** Pregunta integrando conocimientos de otras asignaturas o de casos anteriores de la misma asignatura. Presenta otros puntos de vista que complementen al presentado en la clase, presenta fuentes de información adicionales (internet y documental etc.) y usa más bibliografía.  **Proponey/oexplicasolucionesoprocedimientosnovistoenclase(creatividad)**:Anteproblemasocasodeestudioproponeperspectivas diferentes, para abordarlos y sustentarlos correctamente. Aplica procedimientosaprendidos enotraasignaturaocontextoparael problema  queseestáresolviendo. | 95-100 |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  | **Introduce recursos y experiencias que promueven un pensamiento crítico:**Antelostemasdelaasignaturaintroducecuestionamientosdetipo ético,ecológico, histórico,político, económico, etc.que debentomarseen cuenta para comprender mejor o a futuro dicho tema. Se apoya en foros, autores, bibliografía, documentales, etc. para sustentar su punto de vista. **Incorporaconocimientosyactividades interdisciplinarios en su aprendizaje**: En el desarrollo de los temas de la asignatura incorpora conocimientosy actividades desarrolladas en otrasasignaturas para lograr lacompetencia.  **Realizasutrabajo demanera autónomayautorregulada.** Escapaz deorganizarsutiempoytrabajarsinnecesidaddeunasupervisiónestrecha y/ocoercitiva.Realizaactividadesdeinvestigaciónparaparticipardeforma activa durante el curso. |  |
| Notable | Cumple4delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 85-94 |
| Bueno | Cumple3delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 75-84 |
| Suficiente | Cumple2delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 70-74 |
| CompetenciaNoAlcanzada | Insuficiente | No se cumple con el 100% de evidencias conceptuales, procedimentales y actitudinales de los indicadores definidos en desempeño excelente. | N.A. |

**4.11MatrizdeEvaluación:**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **EvidenciadeAprendizaje** | **%** | **Indicadorde Alcance** | | | | | **Evaluaciónformativadelacompetencia** |
| A | B | C | D | N |  |
| Investigación(Listadecotejo) | 30 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Realizatrabajodeinvestigaciónyentiende conceptos investigados  Aportaconocimientosadicionalessobrelas actividades encomendadas.  Analizayaplicalosfundamentosdela  materiaenlatomadedecisiones. |
| Practica(Listadecotejo) | 30 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Incorporaconocimientosobtenidosenotras asignaturas.  Organiza sutiempoytrabajademanera autónomaentregandoentiempoyforma las actividades encomendadas. |
| Examen | 40 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Resuelvey analizaloscasos prácticos propuestos en clases. |
| Total | 100 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | N.A. |  |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Competencia No. |  | 3 | Descripción | Resuelve problemas de aplicación en ingeniería sobre sistemas de ecuaciones lineales para interpretar las soluciones y tomar decisiones con base en ellas, utilizando los métodos de Gauss, Gauss- Jordan, matriz inversa y regla de Cramer. |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Temas y subtemas para desarrollar la competencia específica | Actividades de aprendizaje | Actividades de enseñanza | Desarrollo de competencias genéricas | Horas teórico-práctica |
| **3.1 SISTEMAS DE ECUACIONES LINEALES.**  3.1 Definición de sistemas de ecuaciones lineales.  3.2 Clasificación de los sistemas de ecuaciones lineales y tipos de solución.  3.3 Interpretación geométrica de las soluciones.  3.4 Métodos de solución de un sistema de ecuaciones lineales:   * Gauss, * Gauss-Jordan, * inversa de una matriz y * regla de Cramer.   3.5 Aplicaciones. | Realizar una búsqueda de información acerca de la diferencia entre un sistema de ecuaciones lineales homogéneo y no homogéneo, así como de los tipos de solución que se pueden presentar en cada caso  Utilizar TIC’s para visualizar geométricamente las soluciones de sistemas de ecuaciones lineales.  Resolver sistemas de ecuaciones lineales por los métodos de Gauss, Gauss-Jordan, matriz inversa y regla de Cramer y analizarsus características.  Utilizar TIC’s para resolver sistemas de ecuaciones lineales.  Identificar el uso de sistemas de ecuaciones lineales en aplicaciones de ingeniería y en otras ramas de las matemáticas.  Resolver problemas de aplicación propuestos acordes al perfil e interpretar su solución.  Resolución del examen. | Solicitar al estudiante la consulta bibliográfica de: definición de sistemas de ecuaciones lineales, diferencia entre un sistema de ecuaciones lineales homogéneo y no homogéneo; y los tipos de solución que se presentan en cada caso.  El docente proporciona al estudiante una guía para resolver los sistemas de ecuaciones lineales mediante Maple 13 y solicita la solución de ejercicios.  Mediante la técnica demostrativa, el facilitador resuelve sistemas de ecuaciones por los diferentes métodos, guiando al estudiante a analizar sus características.  Se proporciona una guía para resolver sistemas de ecuaciones lineales mediante Maple 8.  Se solicita una investigación en donde el estudiante pueda visualizar el uso de sistemas de ecuaciones lineales que se apliquen en ingeniería y diversas ramas de las matemáticas.  Se proponen ejercicios de aplicación de acuerdo al perfil de la carrera, para darles solución e interpretar los resultados obtenidos.  Aplicación del examen escrito de los temas vistos. | Capacidad deabstracción, análisis y síntesis.  Capacidadpara identificar, plantear y resolverproblemas.  Capacidad de aprender yactualizarse permanentemente.  Capacidadde trabajo en equipo. | 8 – 11 h |

**4.8IndicadoresdeAlcance**

|  |  |
| --- | --- |
| IndicadoresdeAlcance | ValordeIndicador |
| A.Realizatrabajodeinvestigaciónyentiendeconceptosinvestigados Aporta conocimientos adicionales sobre las actividades encomendadas.  Analizayaplicalosfundamentosdelamateriaenlatomade decisiones. | 30% |
| B.Incorporaconocimientosobtenidosenotrasasignaturas.  Organizasutiempoytrabajademaneraautónomaentregandoen tiempo y forma las actividades encomendadas. | 30% |
| C.Resuelveyanalizaloscasosprácticospropuestosenclases. | 40% |

**4.10Nivelesdedesempeño:**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Desempeño | Nivelde desempeño | IndicadoresdeAlcance | Valoraciónnumérica |
| CompetenciaAlcanzada | Excelente | Cumplealmenos5delossiguientesindicadores  **Se adapta a situaciones y contextos complejos:** Puede trabajar en equipo, refleja sus conocimientos en la interpretación de la realidad.  **Hace aportaciones a las actividades académicas desarrolladas:** Pregunta integrando conocimientos de otras asignaturas o de casos anteriores de la misma asignatura. Presenta otros puntos de vista que complementen al presentado en la clase, presenta fuentes de información adicionales (internet y documental etc.) y usa más bibliografía.  **Proponey/oexplicasolucionesoprocedimientosnovistoenclase(creatividad)**:Anteproblemasocasodeestudioproponeperspectivas diferentes, para abordarlos y sustentarlos correctamente. Aplica procedimientosaprendidos enotraasignaturaocontextoparael problema  queseestáresolviendo. | 95-100 |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  | **Introduce recursos y experiencias que promueven un pensamiento crítico:**Antelostemasdelaasignaturaintroducecuestionamientosdetipo ético,ecológico, histórico,político, económico, etc.que debentomarseen cuenta para comprender mejor o a futuro dicho tema. Se apoya en foros, autores, bibliografía, documentales, etc. para sustentar su punto de vista. **Incorporaconocimientosyactividades interdisciplinarios en su aprendizaje**: En el desarrollo de los temas de la asignatura incorpora conocimientosy actividades desarrolladas en otrasasignaturas para lograr lacompetencia.  **Realizasutrabajo demanera autónomayautorregulada.** Escapaz deorganizarsutiempoytrabajarsinnecesidaddeunasupervisiónestrecha y/ocoercitiva.Realizaactividadesdeinvestigaciónparaparticipardeforma activa durante el curso. |  |
| Notable | Cumple4delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 85-94 |
| Bueno | Cumple3delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 75-84 |
| Suficiente | Cumple2delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 70-74 |
| CompetenciaNoAlcanzada | Insuficiente | No se cumple con el 100% de evidencias conceptuales, procedimentales y actitudinales de los indicadores definidos en desempeño excelente. | N.A. |

**4.11MatrizdeEvaluación:**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **EvidenciadeAprendizaje** | **%** | **Indicadorde Alcance** | | | | | **Evaluaciónformativadelacompetencia** |
| A | B | C | D | N |  |
| Investigación(Listadecotejo) | 30 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Realizatrabajodeinvestigaciónyentiende conceptos investigados  Aportaconocimientosadicionalessobrelas actividades encomendadas.  Analizayaplicalosfundamentosdela  materiaenlatomadedecisiones. |
| Practica(Listadecotejo) | 30 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Incorporaconocimientosobtenidosenotras asignaturas.  Organiza sutiempoytrabajademanera autónomaentregandoentiempoyforma las actividades encomendadas. |
| Examen | 40 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Resuelvey analizaloscasos prácticos propuestos en clases. |
| Total | 100 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | N.A. |  |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Competencia No. |  | 4 | Descripción | Utiliza los números complejos, susrepresentaciones y las operaciones entreellos para tener una base de conocimiento autilizar en ecuaciones diferenciales y en diferentes aplicaciones de ingeniería |
|  |  |  |  |  |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Temas y subtemas para desarrollar la competencia específica | Actividades de aprendizaje | Actividades de enseñanza | Desarrollo de competencias genéricas | Horas teórico-práctica |
| **4. ESPACIOS VECTORIALES.**  4.1 Definición de espacio vectorial.  4.2 Definición de subespacio vectorial y sus propiedades.  4.3 Combinación lineal. Independencia lineal.  4.4 Base y dimensión de un espacio vectorial, cambio de base.  4.5 Espacio vectorial con producto interno y sus propiedades.  4.6 Base ortonormal, proceso de  ortonormalización de Gram-Schmidt | Realizar una consulta bibliográfica sobre el concepto de espacio y subespaciovectorial.  Analizar los axiomas que definen a un espacio vectorial.  Verificar si se forma un espacio vectorial dado un conjunto de elementos y lasoperaciones entre ellos.  Investigar ejemplos de subespacios.  Identificar en una lista de ejercicios cuándo es que un conjunto forma una basede un espacio vectorial y encontrar ladimensión.  Encontrar la matriz de cambio de la base(de transición).  Utilizar TIC’s para encontrar las matricesde cambio de base.  Investigar la extensión de un espaciovectorial a un espacio euclidiano (conproducto interno).  Investigar conjuntos ortonormales de vectores.  Utilizar el proceso de ortonormalizaciónde Gram-Schmidt.  Utilizar TIC’s para realizar el proceso de ortonormalización.  Resolución del examen. | Solicita al estudiante que realice una consulta bibliográfica sobre el concepto de espacio y subespacio vectorial y los axiomas que definen un espacio vectorial.  El docente retroalimenta de los conceptos investigados, guía a los estudiantes para que mediante los axiomas pueda verificar si se forma un espacio vectorial dado un conjunto de elementos y las operaciones entre ellos.  Solicita al estudiante que investigue ejemplos de subespacios.  Solicita al estudiante realice una consulta bibliográfica para que con los conceptos de combinación lineal e independencia lineal, el estudiante identifique cuándo un conjunto forma una base de un espacio vectorial. Mediante la técnica demostrativa el facilitador encontrará la dimensión así como la matriz de cambio de la base, propone problemas para que el estudiante los ejecute de forma manual y utilizando Maple 13.  Coordina equipos de trabajo, solicitando una consulta bibliográfica de la extensión de un espacio vectorial a un espacio euclidiano, así como sus propiedades.  Se solicita al estudiante que investigue conjuntos ortonormales de vectores en equipos de trabajo, así como analizar el proceso de ortonormalización de Gram-Schmidt; proponer problemas en donde lo utilice, de forma manual y con Maple 13.  Aplicación del examen escrito de los temas vistos. | Capacidad deabstracción, análisis y síntesis.  Capacidadpara identificar, plantear y resolverproblemas.  Capacidad de aprender yactualizarse permanentemente.  Capacidadde trabajo en equipo. | 7-10 h |

**4.8IndicadoresdeAlcance**

|  |  |
| --- | --- |
| IndicadoresdeAlcance | ValordeIndicador |
| A.Realizatrabajodeinvestigaciónyentiendeconceptosinvestigados Aporta conocimientos adicionales sobre las actividades encomendadas.  Analizayaplicalosfundamentosdelamateriaenlatomade decisiones. | 30% |
| B.Incorporaconocimientosobtenidosenotrasasignaturas.  Organizasutiempoytrabajademaneraautónomaentregandoen tiempo y forma las actividades encomendadas. | 30% |
| C.Resuelveyanalizaloscasosprácticospropuestosenclases. | 40% |

**4.10Nivelesdedesempeño:**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Desempeño | Nivelde desempeño | IndicadoresdeAlcance | Valoraciónnumérica |
| CompetenciaAlcanzada | Excelente | Cumplealmenos5delossiguientesindicadores  **Se adapta a situaciones y contextos complejos:** Puede trabajar en equipo, refleja sus conocimientos en la interpretación de la realidad.  **Hace aportaciones a las actividades académicas desarrolladas:** Pregunta integrando conocimientos de otras asignaturas o de casos anteriores de la misma asignatura. Presenta otros puntos de vista que complementen al presentado en la clase, presenta fuentes de información adicionales (internet y documental etc.) y usa más bibliografía.  **Proponey/oexplicasolucionesoprocedimientosnovistoenclase(creatividad)**:Anteproblemasocasodeestudioproponeperspectivas diferentes, para abordarlos y sustentarlos correctamente. Aplica procedimientosaprendidos enotraasignaturaocontextoparael problema  queseestáresolviendo. | 95-100 |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  | **Introduce recursos y experiencias que promueven un pensamiento crítico:**Antelostemasdelaasignaturaintroducecuestionamientosdetipo ético,ecológico, histórico,político, económico, etc.que debentomarseen cuenta para comprender mejor o a futuro dicho tema. Se apoya en foros, autores, bibliografía, documentales, etc. para sustentar su punto de vista. **Incorporaconocimientosyactividades interdisciplinarios en su aprendizaje**: En el desarrollo de los temas de la asignatura incorpora conocimientosy actividades desarrolladas en otrasasignaturas para lograr lacompetencia.  **Realizasutrabajo demanera autónomayautorregulada.** Escapaz deorganizarsutiempoytrabajarsinnecesidaddeunasupervisiónestrecha y/ocoercitiva.Realizaactividadesdeinvestigaciónparaparticipardeforma activa durante el curso. |  |
| Notable | Cumple4delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 85-94 |
| Bueno | Cumple3delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 75-84 |
| Suficiente | Cumple2delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 70-74 |
| CompetenciaNoAlcanzada | Insuficiente | No se cumple con el 100% de evidencias conceptuales, procedimentales y actitudinales de los indicadores definidos en desempeño excelente. | N.A. |

**4.11MatrizdeEvaluación:**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **EvidenciadeAprendizaje** | **%** | **Indicadorde Alcance** | | | | | **Evaluaciónformativadelacompetencia** |
| A | B | C | D | N |  |
| Investigación(Listadecotejo) | 30 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Realizatrabajodeinvestigaciónyentiende conceptos investigados  Aportaconocimientosadicionalessobrelas actividades encomendadas.  Analizayaplicalosfundamentosdela  materiaenlatomadedecisiones. |
| Practica(Listadecotejo) | 30 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Incorporaconocimientosobtenidosenotras asignaturas.  Organiza sutiempoytrabajademanera autónomaentregandoentiempoyforma las actividades encomendadas. |
| Examen | 40 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Resuelvey analizaloscasos prácticos propuestos en clases. |
| Total | 100 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | N.A. |  |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Competencia No. |  | 5 | Descripción | Utiliza los números complejos, sus representaciones y las operaciones entreellos para tener una base de conocimiento autilizar en ecuaciones diferenciales y en diferentes aplicaciones de ingeniería. |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Temas y subtemas para desarrollar la competencia específica | Actividades de aprendizaje | Actividades de enseñanza | Desarrollo de competencias genéricas | Horas teórico-práctica |
| **5. TRANSFORMACIONES LINEALES**  5.1 Definición de transformación lineal.  5.2 Núcleo e imagen de una transformación lineal.  5.3 Representación matricial de una transformación lineal.  5.4 Aplicación de las transformaciones lineales: reflexión, dilatación, contracción y rotación. | Buscar información sobre la definición de transformación lineal y sus propiedades.  Obtener el núcleo y la imagen de una transformación lineal, así como la nulidad y el rango.  Utilizar TIC’s para encontrar el núcleo yla imagen de una transformación lineal.  Obtener la matriz asociada a unatransformación lineal.  Investigar el uso de las transformaciones lineales al área de la ingeniería.  Resolver ejercicios relacionados contransformaciones lineales de reflexión,dilatación, contracción y rotación. | El facilitador coordina para que se formen equipos de trabajo, solicita una consulta bibliográfica acerca de la definición de transformación lineal y sus propiedades.  Proporciona a los diferentes equipos problemas de obtención del núcleo e imagen de una transformación lineal, nulidad y rango para que los analice y resuelva problemas de forma manual y utilizando TIC’s.  Se proporciona al estudiante ejemplos de la obtención de una matriz asociada a una transformación lineal, para que los analice en equipos de trabajo y resuelvan los problemas propuestos.  Se solicita una investigación (en equipos de trabajo) del uso de las transformaciones lineales en el área de ingeniería, así como ejemplos de reflexión, dilatación, contracción y rotación para que los presente frente a grupo.  Se proponen ejercicios relacionados con los temas mencionados para que sean resueltos. | Capacidad deabstracción, análisis y síntesis.  Capacidadpara identificar, plantear y resolverproblemas.  Capacidad de aprender yactualizarse permanentemente.  Capacidad de trabajo en equipo. | 4-6 h |

**4.8IndicadoresdeAlcance**

|  |  |
| --- | --- |
| IndicadoresdeAlcance | ValordeIndicador |
| A.Realizatrabajodeinvestigaciónyentiendeconceptosinvestigados Aporta conocimientos adicionales sobre las actividades encomendadas.  Analizayaplicalosfundamentosdelamateriaenlatomade decisiones. | 30% |
| B.Incorporaconocimientosobtenidosenotrasasignaturas.  Organizasutiempoytrabajademaneraautónomaentregandoen tiempo y forma las actividades encomendadas. | 30% |
| C.Resuelveyanalizaloscasosprácticospropuestosenclases. | 40% |

**4.10Nivelesdedesempeño:**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Desempeño | Nivelde desempeño | IndicadoresdeAlcance | Valoraciónnumérica |
| CompetenciaAlcanzada | Excelente | Cumplealmenos5delossiguientesindicadores  **Se adapta a situaciones y contextos complejos:** Puede trabajar en equipo, refleja sus conocimientos en la interpretación de la realidad.  **Hace aportaciones a las actividades académicas desarrolladas:** Pregunta integrando conocimientos de otras asignaturas o de casos anteriores de la misma asignatura. Presenta otros puntos de vista que complementen al presentado en la clase, presenta fuentes de información adicionales (internet y documental etc.) y usa más bibliografía.  **Proponey/oexplicasolucionesoprocedimientosnovistoenclase(creatividad)**:Anteproblemasocasodeestudioproponeperspectivas diferentes, para abordarlos y sustentarlos correctamente. Aplica procedimientosaprendidos enotraasignaturaocontextoparael problema  queseestáresolviendo. | 95-100 |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  | **Introduce recursos y experiencias que promueven un pensamiento crítico:**Antelostemasdelaasignaturaintroducecuestionamientosdetipo ético,ecológico, histórico,político, económico, etc.que debentomarseen cuenta para comprender mejor o a futuro dicho tema. Se apoya en foros, autores, bibliografía, documentales, etc. para sustentar su punto de vista. **Incorporaconocimientosyactividades interdisciplinarios en su aprendizaje**: En el desarrollo de los temas de la asignatura incorpora conocimientosy actividades desarrolladas en otrasasignaturas para lograr lacompetencia.  **Realizasutrabajo demanera autónomayautorregulada.** Escapaz deorganizarsutiempoytrabajarsinnecesidaddeunasupervisiónestrecha y/ocoercitiva.Realizaactividadesdeinvestigaciónparaparticipardeforma activa durante el curso. |  |
| Notable | Cumple4delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 85-94 |
| Bueno | Cumple3delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 75-84 |
| Suficiente | Cumple2delosindicadoresdefinidosendesempeñoexcelente | 70-74 |
| CompetenciaNoAlcanzada | Insuficiente | No se cumple con el 100% de evidencias conceptuales, procedimentales y actitudinales de los indicadores definidos en desempeño excelente. | N.A. |

**4.11MatrizdeEvaluación:**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **EvidenciadeAprendizaje** | **%** | **Indicadorde Alcance** | | | | | **Evaluaciónformativadelacompetencia** |
| A | B | C | D | N |  |
| Investigación(Listadecotejo) | 30 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Realizatrabajodeinvestigaciónyentiende conceptos investigados  Aportaconocimientosadicionalessobrelas actividades encomendadas.  Analizayaplicalosfundamentosdela  materiaenlatomadedecisiones. |
| Practica(Listadecotejo) | 30 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Incorporaconocimientosobtenidosenotras asignaturas.  Organiza sutiempoytrabajademanera autónomaentregandoentiempoyforma las actividades encomendadas. |
| Examen | 40 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | 0 | Resuelvey analizaloscasos prácticos propuestos en clases. |
| Total | 100 | 95-100 | 85-94 | 75-84 | 70-74 | N.A. |  |

1. Fuentes de información y apoyos didácticos:

|  |  |
| --- | --- |
| Fuentes de información: | Apoyos didácticos |
| * Del Valle, J. C. (2012). *Álgebra lineal para estudiantes de ingeniería y ciencias*. México. Mc Graw-Hill. * Grossman, S. I. (2012). *Álgebra Lineal*. (5a ed). México. Mc Graw-Hill. * Kolman,B. (2013). *Álgebra Lineal*. México. Pearson Educación. | * Pizarrón * Pintarrones * Computadora personal * Internet * Calculadora científica |

1. Calendarización de evaluación en semanas

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Semana | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 |
| TP | ED |  |  | EF1 |  |  |  | EF2 |  |  |  | EF3 |  | EF4 |  | EF5 |
| TR |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| SD |  |  |  |  | SD |  |  |  | SD |  |  |  | SD |  |  | SD |

TP: Tiempo Planeado

ED: Evaluación diagnóstica

TR: Tiempo Real

EFn: Evaluación formativa (Competencia específica n)

SD: Seguimiento departamental

ES: Evaluación sumativa

|  |  |
| --- | --- |
| Fecha de elaboración | 18 AGOSTO 2025 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |
| ERICK DE JESUS TELLEZ VERA |  | LC. GERMAN VENTURA TENORIO |